

## ОСОБЛИВОСТІ РОЗПОДІЛУ ЛОКАЛІЗОВАНИХ СТАНІВ У ЗАБОРОНЕНІЙ ЗОНІ КРИСТАЛУ $\text{In}_4\text{Se}_3$

Л. С. Демків, Т. М. Демків, В. П. Савчин, Й. М. Стахіра

*Львівський державний університет імені Івана Франка, кафедра фізики напівпровідників  
вул. Драгоманова, 50, Львів, 290005, Україна*

(Отримано 27 лютого 1998)

Досліджено температурні залежності стрибкової електропровідності  $\sigma(T)$  на постійному струмі та спектральні залежності коефіцієнта пропускання в шаруватих кристалах  $\text{In}_4\text{Se}_3$ . Установлено, що при низьких температурах електропровідність підлягає закономірності  $\ln \sigma \sim T^{-1/2}$ , зумовленому існуванням мінімуму в енергетичному спектрі локалізованих станів (ЛС). Ширина кулонівської щілини максимальна ( $\Delta \sim 0.1$  еВ) для зразків  $\text{In}_4\text{Se}_3$  проміжної компенсації і мінімальна ( $\Delta \sim 10$  меВ) для слабокомпенсованих зразків з електронною провідністю. Запропоновано якісну модель енергетичного розподілу ЛС у кристалах субселеніду індію, на основі якої ідентифіковано безструктурні смуги поглинання в області енергій 0.17–0.32 еВ як такі, що зумовлені переходами типу ЛС–зона.

**Ключові слова:** субселенід індію, стрибкова електропровідність, локалізований стан, ступінь компенсації, кулонівська щілина.

PACS number(s): 71.50.+t, 72.80.Jc

### I. ВСТУП

Шаруваті кристали системи  $A_3B_6$  мають низьку цінах з погляду практичного застосування у мікроелектроніці параметрів. Зокрема, вони вирізняються серед сполук цієї системи значною анізотропією фото- та електричних властивостей, високою фоточутливістю.

Водночас закономірності перенесення заряду у двокомпонентних шаруватих кристалах, таких, як селеніди, вивчені недостатньо. У ряді робіт ( $\text{InSe}$  [1],  $\text{GaSe}$  [2],  $\text{In}_4\text{Se}_3$  [3]) було встановлено, що в селенідах наявна значна кількість локалізованих станів (ЛС). Це приводить до переважання стрибкового механізму перенесення заряду над зонним при температурах, близьких до азотної. Однак ряд результатів, зокрема наявність значної концентрації ЛС, не пояснюються в рамках уявлень про шаруватий кристал як однорідний матеріал. Рентгенівські дослідження  $\text{In}_4\text{Se}_3$  вказують на орієнтоване порушення його трансляційної симетрії в напрямі, нормальному до шарів, що дає підстави розглядати його як орієнтовану розпорядковану динамічну систему [4]. Одновісний стиск кристала нормально до шарів або наявність в його матриці надстехіометричного індію веде до суттєвого послаблення хвильових процесів, яке супроводжується впорядкуванням його структури. Зокрема у [3] було показано, що концентрація ЛС в  $\text{In}_4\text{Se}_3$  залежить від його структурного стану та стиску.

З метою отримання інформації про енергетичний розподіл ЛС, який в окремих випадках може суттєво впливати на вигляд температурної залежності електропровідності  $\sigma(T)$  і зумовлювати смуги домішкового поглинання, ми вивчали стаціонарну стрибкову провідність в області низьких температур та пропускання в області енергій 0.17–0.32 еВ.

### II. МЕТОДИКА ДОСЛІДЖЕНЬ

Зразки для дослідження електропровідності виготовляли виколуванням пластин уздовж площини спайності (100) з монокристалів  $\text{In}_4\text{Se}_3$ , отриманих методом Чохральського. Згодом з пластин вирізали зразки у вигляді паралелепіпедів, сторони яких збігались з головними кристалграфічними напрямками кристала. Типові розміри зразків становили  $10 \times 3 \times 3$  мм. Ми використовували омичні контакти, які отримували хемічним осадженням міді з  $\text{CuSO}_4$  при заміщенні її індієм на свіжоочищену поверхню зразків.

Тип провідності та концентрацію вільних носіїв заряду визначали з температурних залежностей коефіцієнта Холла за стандартною п'ятизондовою методикою [5].

Аналіз залежностей типу  $\ln(\sigma) = f(T^n)$  проводили шляхом мінімізації степеневого показника  $n$  методом найменших квадратів.

Вимірювання коефіцієнта пропускання проводили при напрямі падіння неполяризованого монохроматичного світлового пучка нормально до площини спайності (100) на спектрофотометрі Specord 8M. Розділення за енергією падаючого фотона було не гіршим від 0.5 меВ. Поверхня зразка, на яку падав світловий пучок, була поверхнею природного сколу і спеціально не оброблялась. Товщина зразків складала  $\sim 700$  мкм.

### III. РЕЗУЛЬТАТИ ТА ЇХ ОБГОВОРЕННЯ

Аналіз температурних залежностей стаціонарної електропровідності  $\sigma(T)$  у кристалах  $\text{In}_4\text{Se}_3$  показав, що в області азотних температур переважає стрибковий механізм перенесення заряду зі змінною довжиною стрибка [3].  $\sigma(T)$  описується законом Мотта [6]:

$$\sigma = \sigma_o \exp [T/T_o]^{-1/4}, \quad (1)$$

де  $T_o = \beta / (kN_F a^3)$ ,  $k$  — стала Больцмана, а — радіус локалізації,  $\beta=21.2$  для 3-D випадку [6].

Як відомо [3, 7], концентрація вільних носіїв заряду  $N$  і ЛС  $N_t$  та тип провідності в субселеніді індію може суттєво змінюватись. Кристали  $\text{In}_4\text{Se}_3$  з  $N > 10^{16} \text{см}^{-3}$  мають  $n$ -тип провідності; з  $N < 8 \cdot 10^{14} \text{см}^{-3}$  —  $p$ -тип провідності. У  $\text{In}_4\text{Se}_3$  з  $8 \cdot 10^{14} \leq N \leq 10^{16} \text{см}^{-3}$  коефіцієнт Холла зазнає двох інверсій [7]. Причому зі збільшенням концентрації вільних носіїв заряду зростає  $N_t$ , що у свою чергу зумовлює зростання температури переходу до закону (1). Зростання  $N$  та  $N_t$  у  $\text{In}_4\text{Se}_3$  пов'язано з легуванням його  $\text{In}$ , який є донорною домішкою.

Значна концентрація ЛС у забороненій зоні кристала ставить питання про їх енергетичний розподіл. Останній при зміні ступеня компенсації може суттєво впливати на вигляд  $\sigma(T)$ . Тому ми досліджували температурні залежності електропровідності на серії зразків субселеніду індію з різними  $N_t$ . З метою аналізу загальних закономірностей зразки підбирались з послідовно зростаючим  $N$  та відповідно  $N_t$ . При цьому тип провідності змінювався від електронного до діркового.

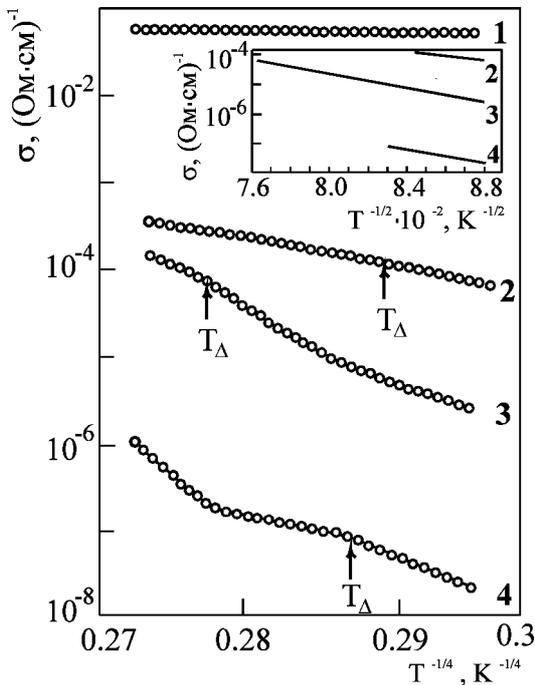


Рис. 1. Температурні залежності електропровідності в координатах  $\ln \sigma \sim T^{-1/4}$  та  $\ln \sigma \sim T^{-1/2}$  (на вставці) кристалів  $\text{In}_4\text{Se}_3$  з різною концентрацією вільних носіїв заряду при 300 К: 1 —  $5 \cdot 10^{16}$ ; 2 —  $6 \cdot 10^{15}$ ; 3 —  $9 \cdot 10^{14}$ ; 4 —  $4 \cdot 10^{14} \text{см}^{-3}$ .

На рис. 1 показані залежності  $\sigma(T)$  в шарі (кристалографічний напрям [001]) для серії зразків з різними

$N_t$ . Концентрацію  $N_t$ , густину  $N_F$ , оптимальну ширину смуги  $\Delta \epsilon$  та середню довжину стрибка  $R_c$  розраховано аналогічно з [3] і наведено в таблиці. Видно, що  $T_F$  із зростанням концентрації ЛС збільшується.

Для зразка 1 ( $n$ -тип) закон Мотта нижче від характеристичної температури  $T_F$  справджується до азотних температур. Для зразків 2, 4 закон (1) має місце в обмеженій області  $[T_F, T_\Delta]$ . У зразку 3 закону (1) не спостерігаємо. У зразках 2, 4 нижче від характеристичної температури  $T_\Delta$  та в зразку 3 після безпараметричної області переходу від зонної до домішкової стрибкової провідності має місце закон  $\ln \sigma \sim T^{-1/2}$ .

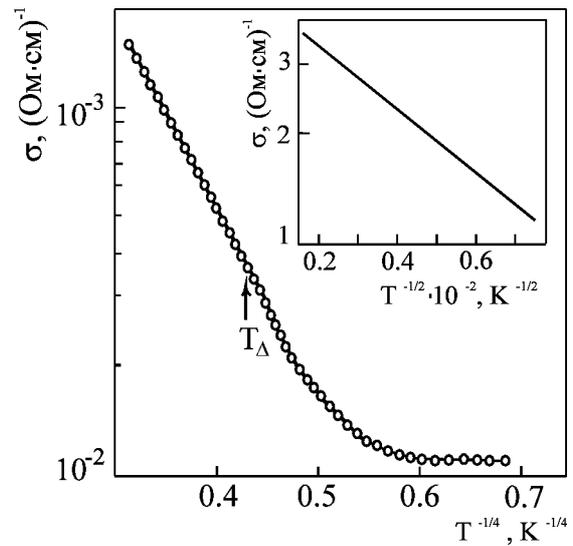


Рис. 2. Температурна залежність електропровідності в координатах  $\ln \sigma \sim T^{-1/4}$  та  $\ln \sigma \sim T^{-1/2}$  (на вставці) кристалів  $\text{In}_4\text{Se}_3$  з концентрацією ЛС  $1 \cdot 10^{20} \text{см}^{-3}$ .

Оскільки в зразку 1 закон (1) справедливий до азотних температур, ми дослідили електропровідність  $\text{In}_4\text{Se}_3$   $N_t > 10^{19} \text{см}^{-3}$  до гелієвих температур. На рис. 2 наведена типова  $\sigma(T)$  зразка  $\text{In}_4\text{Se}_3$  з  $N_t = 10^{20} \text{см}^{-3}$  та  $\Delta \epsilon = 0.028$  еВ. При  $T_\Delta = 30$  К спостерігаємо перехід до закону  $\ln \sigma \sim T^{-1/2}$ .

Відомо, що при наявності мінімуму в спектрі одностійної густини ЛС на рівні Фермі закон Мотта переходить у закон [6]:

$$\sigma = \sigma_o \cdot \exp \left[ - \left( T_o^{(\Delta)} / T \right)^{1/2} \right], \quad (2)$$

де  $T_o^{(\Delta)} = \beta_1 e^2 / (k \chi a)$ ,  $T_o^{(\Delta)} = \beta_1 e^2 / (k \chi a)$ ,  $\chi$  — діелектрична проникність,  $\beta_1$  — чисельний коефіцієнт. Причиною спостереження закону (2) є електрон-електронна взаємодія, яка приводить до утворення щілини шириною  $\Delta$  в енергетичному спектрі ЛС напівпровідника. У середині такої кулонівської щілини  $\Delta$  густина ЛС прямує до нуля за параболічним законом [6]:

$$N_F(E) = \alpha \frac{\chi^3}{\epsilon^6} E^2, \quad (3)$$

де  $\epsilon$  — значення енергії, що відраховується від рівня Фермі  $E_F$ ;  $\alpha = 3/\pi$  [7].

У кристалічних напівпровідниках, що містять домішки з мілкими рівнями, кулонівська щілина не перевищує 2 меВ. Однак дослідження напівпровідників з великою концентрацією ЛС [8, 9] показали, що ширина  $\Delta$  може досягати декількох десятків міліелектронвольт [8] і проявляється у поведінці  $\sigma(T)$  при температурах, вищих за азотну. Причому в матеріялах із проміжним ступенем компенсації (наприклад,  $K=0.3$  у  $\text{Ge}\langle\text{Ga}\rangle$  [9]) температурна область застосовності закону (2) суттєво більша, а закону Мотта менша, ніж уважалося раніше.

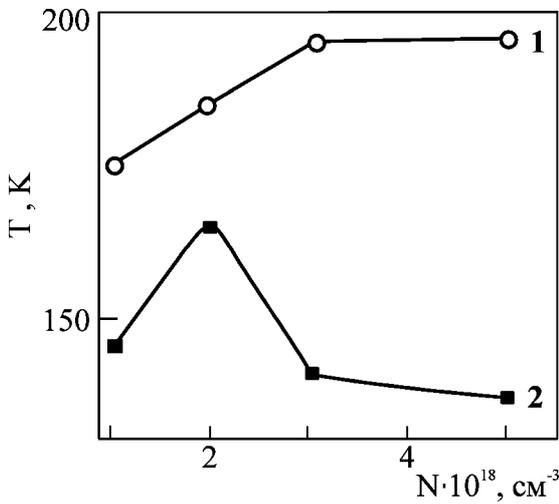


Рис. 3. Залежність температури переходу до закону Мотта  $T_F$  та температури переходу до закону (2) від концентрації локалізованих носіїв заряду в  $\text{In}_4\text{Se}_3$ .

Нетривіальні залежності  $T_\Delta$  та  $T_F$  від  $N_t$  для серії зразків  $\text{In}_4\text{Se}_3$  відображає рис. 3. Тоді, як  $T_F$  монотонно зростає згідно з залежністю [6]:

$$T_F \approx \Delta \epsilon \cdot (N_t^{1/3} \cdot a), \quad (4)$$

$T_\Delta(N_t)$  переходить через максимум.

У  $\text{In}_4\text{Se}_3$  перехід від  $p$ - до  $n$ -типу провідності, який супроводжується зростанням  $N$  та  $N_t$ , відбувається внаслідок збільшення концентрації надстехіометричного  $\text{In}$ . Це передбачає суттєву зміну ступеня компенсації  $K$ . Останнє пояснює немонотонну залежність  $T_\Delta(N_t)$ , оскільки у матеріялах з  $K \sim 0.5$  ширина кулонівської щілини  $\Delta$  і  $T_\Delta$  максимальні. Зразок 1 є слабкокомпенсованим, 2–4 проміжної компенсації. Причому для зразка 3  $K \sim 0.5$ , оскільки перехід до закону (2) відбувається одразу після безпараметричної області виморожування носіїв.

Ширину кулонівської щілини  $\Delta$  для слабкокомпенсованого зразка оцінювали з умови рівності енергій тунелювання та активації локалізованих носіїв заряду при  $T = T_\Delta$ :

$$\Delta \approx \frac{1}{\sqrt[4]{\beta}} k (T_\Delta^3 T_o)^{1/4}. \quad (5)$$

У випадку проміжного  $K$ , коли завідомо немає малих параметрів, скористаємось результатом теорії протікання [6]:

$$\Delta \geq k T_\Delta \zeta(T_\Delta), \quad (6)$$

де  $\zeta(T_\Delta) = \left[ \frac{\beta}{N_F k T_\Delta a^3} \right]^{1/4}$  — поріг протікання. З урахуванням (3)  $\Delta$  виражається формулою:

$$\Delta \geq \sqrt[6]{\frac{\beta}{4}} \cdot \sqrt{\frac{2kT_\Delta}{4\pi\chi\chi_o a}}, \quad (7)$$

де  $\chi=10$  [10],  $\chi_o$  — електрична постійна.

Результати обчислень  $\Delta$  зведені в таблицю. Для зразка 3 (див. рис. 1) безпосередній перехід від зонного механізму перенесення заряду до стрибкового, який описується (2), зумовлений  $\Delta \epsilon \geq \Delta = 0.1$  еВ. Для зразка 2 ширина кулонівської щілини складала 0.082 еВ при  $\Delta \epsilon = 0.11$  еВ. Величина  $\Delta$  помітно менша за  $\Delta \epsilon$ , що приводить до появи експериментально зафіксованої (криві 2, 4) ділянки електропровідності, що підлягає законів Мотта. Зростання концентрації ЛС в  $\text{In}_4\text{Se}_3$  веде до звуження  $\Delta$  і, як наслідок, відсутності впливу кулонівської щілини на  $\sigma(T)$  у діапазоні 90–300 К для зразка 1.

Параметри	Зразки		
	1	2	4
$N_F$ , $\text{eV}^{-1}\text{cm}^{-3}$	$4 \cdot 10^{21}$	$1 \cdot 10^{19}$	$3 \cdot 10^{18}$
$N_t$ , $\text{cm}^{-3}$	$2 \cdot 10^{20}$	$3 \cdot 10^{18}$	$1 \cdot 10^{18}$
$R_c$ , Å	75	450	600
$\Delta \epsilon$ , еВ	0.034	0.15	0.18
$T_F$ , К	205	195	175
$T_\Delta$ , К	—	140	145
$\Delta$ , еВ	—	0.082	0.084

Таблиця.

Для випадку слабкої компенсації оцінимо енергію залягання рівня ізольованого донора індію  $E_o$  і положення відносно нього рівня Фермі  $E_F$  при азотних температурах.

В області виморожування носіїв температурна залежність провідності для зразка 1 має вигляд [11]:

$$\sigma(T) = \sigma_o \exp\left(-\frac{\epsilon}{2kT}\right), \quad (8)$$

де  $\epsilon$  — енергія активації, величина якої близька до подвоєної енергії йонізації ізолюваного донора  $E_o$ . Експериментально визначена  $2\epsilon \cong E_o$  для зразка 1 дорівнює 0.17–0.18 еВ.

Положення рівня Фермі для слабкокомпенсованого зразка  $n\text{-In}_4\text{Se}_3$  відносно рівня ізолюваного донора при температурах, що відповідають стрибковому механізмові перенесення заряду, визначали з формули [6]:

$$E_F = 0,61 \frac{\epsilon^2}{4\pi\chi\chi_o r_D}, \quad (9)$$

де  $r_D \cong R_c$  — середня відстань між ЛС. При  $R_c=75 \text{ \AA}$  (див. таблицю) рівень Фермі зсунутий відносно  $E_o$  на 10 меВ в бік дна зони провідності. Слід відзначити добру кореляцію отриманої величини з енергетичною щільною оптимальної смуги ЛС, яка складає для цього зразка 34 меВ.

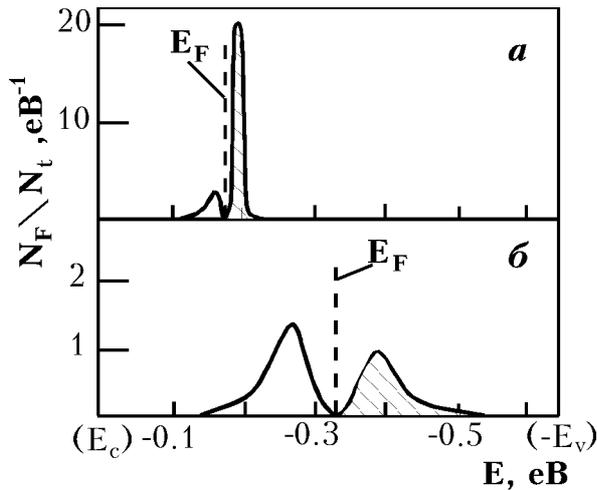


Рис. 4. Схематичний енергетичний розподіл нормованої густини ЛС  $N_F/N_t$  кристала  $\text{In}_4\text{Se}_3$  слабого (а) та проміжного (б) ступенів компенсації при  $T=0 \text{ K}$ . Енергію відраховано від дна зони провідності  $E_c$  ( $E_c=0$ ) вверх;  $-E_v$  — дно валентної зони. Затемнені області відповідають заповненим локалізованим станам; пунктирні лінії — положенню рівня Фермі  $E_F$ .

На рис. 4 якісно зображено хід густини ЛС у домішкочивій смугі при  $T=0 \text{ K}$  для  $\text{In}_4\text{Se}_3$  слабого (а) та проміжного (б) ступеня компенсації, як це впливає з чисельного експерименту Шкловського–Ефроса [6]. Для зразків з проміжним ступенем компенсації рівень Фермі знаходиться значно глибше в забороненій зоні порівняно зі слабкокомпенсованим. Пониження енергії залягання рівнів ЛС зумовлено утворенням донорно–акцепторних пар.

Значна концентрація ЛС у забороненій зоні кристалів  $\text{In}_4\text{Se}_3$  повинна приводити до поглинання в області енергій 0.15–0.32 еВ. У зв'язку з цим було проведено дослідження коефіцієнта пропускання ряду зразків субселеніду індію з різними  $N_t$  та  $K$ .

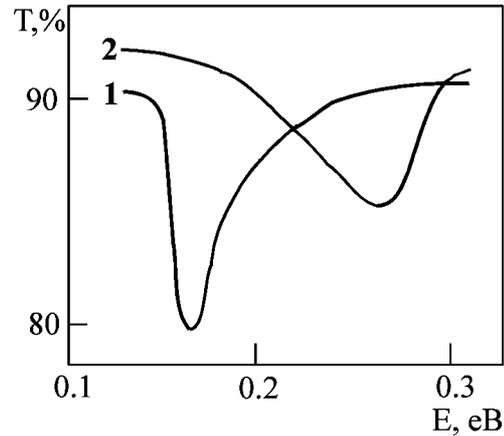


Рис. 5. Спектральні залежності коефіцієнта пропускання зразків  $\text{In}_4\text{Se}_3$  з концентрацією ЛС: 1 —  $5 \cdot 10^{19}$ ; 2 —  $1 \cdot 10^{18} \text{ см}^{-3}$ .

Загальним у спектральній залежності коефіцієнта пропускання (див. рис. 5) є наявність безструктурної смуги обмеженої ширини з мінімумом, енергетичне розміщення якого є різним для зразків з різною концентрацією ЛС. Для слабкокомпенсованого зразка 1 ( $n\text{-In}_4\text{Se}_3$ ) з  $N_t = 5 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$  мінімум поглинання лежить на 0.18 еВ. Для зразка 2 з проміжним  $K$  та концентрацією ЛС  $1 \cdot 10^{18} \text{ см}^{-3}$  мінімум пропускання зміщений в бік менших довжин хвиль ( $\sim 0.3 \text{ eV}$ ). Причому ширина смуги поглинання для зразка 2 значно більша, а інтенсивність менша, ніж для зразка 1. Суттєве зміщення смуги пропускання в сторону більших енергій при зростанні  $K$  виключає можливість її інтерпретації як такої, що зумовлена внутрішньозонними переходами.

Викладені експериментальні результати спектральної залежності коефіцієнта пропускання пояснюємо в рамках запропонованої моделі енергетичного розподілу ЛС. На рис. 4 та 5 спостерігаємо кореляцію за енергією та інтенсивністю відповідних максимумів густини ЛС та смуг поглинання. Для слабкокомпенсованого ( $K < 0.1$ ) зразка 1 імовірнішими є переходи електронів із нейтральних донорних рівнів у зону провідності. Зразки типу 2 володіють проміжним ступенем компенсації. Смуга пропускання в них формується за рахунок переходів електронів із заповненої валентної зони в понижені, через утворення донорно–акцепторних пар, рівні ЛС.

Теоретично форму смуги поглинання, пов'язану з переходами електронів із домішкових рівнів у зону,

досліджували в роботі [12]. Висновок про те, що ширина смуги поглинання є максимальною для сильнокомпенсованих напівпровідників, а його інтенсив-

ність зростає зі збільшенням концентрації ЛС, якісно добре узгоджується з отриманими вище експериментальними результатами та їхньою інтерпретацією.

- 
- [1] Г. А. Беленький, Н. А. Абдулаев, В. Н. Зверев, В. А. Штейншрайбер, *Письма журн. эксп. теор. физ.* **14**, 917 (1988).
- [2] С. Н. Мустафаєва, М. М. Асадов, *Изв. Акад. Наук СССР, Неорг. мат.* **47**, 498 (1988).
- [3] Й. М. Стахіра, В. П. Савчин, Т. М. Демків, *Укр. фіз. журн.* **38**, 891 (1993).
- [4] В. П. Савчин, Й. М. Стахіра, *Кристаллография* **12**, 2137 (1978).
- [5] Ю. В. Воробьев, В. Н. Добровольский, В. И. Стриха, *Методы исследования полупроводников* (Вища школа, Київ, 1988).
- [6] Б. И. Шкловский, А. Л. Эфрос, *Электронные свойства легированных полупроводников* (Наука, Москва, 1979).
- [7] В. П. Савчин, *Физ. и техн. полупр.* **15**, 1430 (1981).
- [8] А. В. Двуреченский, А. И. Якимов, *Журн. эксп. теор. физ.* **95**, 159 (1989).
- [9] А. Г. Забродский, А. Г. Андреев, М. В., *Физ. техн. полупр.* **26**, 431 (1992).
- [10] А. М. Борець, Й. М. Стахіра, *Укр. фіз. журн.* **9**, 1026 (1963).
- [11] А. Ф. Иоффе, А. Р. Регель, *Некристаллические, аморфные и жидкие электронные полупроводники* (Наука, Москва, 1975).
- [12] А. А. Кальфа, Ш. М. Коган, *Физ. техн. полупр.* **6**, 2175 (1972).

#### THE PECULIARITIES OF THE LOCALIZED STATES DISTRIBUTION IN THE FORBIDDEN GAP OF $\text{In}_4\text{Se}_3$ CRYSTAL

L. S. Demkiv, T. M. Demkiv, V. P. Savchyn, J. M. Stakhira  
*The Ivan Franko State University of Lviv, Chair of Semiconductor Physics*  
*50 Drahomanov Str., Lviv, UA-290005, Ukraine*

The temperature dependence of jump electroconductivity  $\sigma(T)$  on constant current and spectral dependence of absorption coefficient in layered  $\text{In}_4\text{Se}_3$  crystals are investigated. The electroconductivity under low temperature has been found to be subject to a  $\ln \sigma \sim T^{-1/2}$  law, stipulated by the minimum in energy spectrum of localized states. The width of Coulomb gap is max ( $\Delta \sim 0.1$  eV) for the  $\text{In}_4\text{Se}_3$  intermediate compensation and it is min ( $\Delta \sim 10$  meV) for the compensation sample with electron conductivity. The quality model of energy distribution of localized states in the  $\text{In}_4\text{Se}_3$  crystals has been proposed and on its basis non-structural absorption bands have been identified in the energy range of 0.17-0.32 eV as being caused by the localized state-band transition.