

ТРИЧАСТИНКОВА ТЕОРІЯ ПОЛЯРИЗАЦІЙНОЇ ВЗАЄМОДІЇ ЛЕГКОЇ ЗАРЯДЖЕНОЇ ЧАСТИНКИ І ДВОЧАСТИНКОВОГО КОМПЛЕКСУ НА ПРОМІЖНИХ ВІДСТАНЯХ

В. Ф. Харченко

Інститут теоретичної фізики ім. М. М. Боголюбова НАН України

буль. Метрологічна, 14-б, Київ, 03143, Україна

(Отримано 10 квітня 2000 р.)

На основі загального тричастинкового формалізму й означення Ватсона–Фешбаха для ефективного (оптичного) потенціалу досліджено поведінку поляризаційного потенціалу взаємодії між легкою зарядженою частинкою і двочастинковим комплексом у проміжному інтервалі відстаней, що перевищують розміри комплексу, але обмежені зверху. Установлено, що в цій ділянці змінних поляризаційний потенціал має специфічну нелокальну далекодійну поведінку в усіх орбітальних станах. Одержано нові аналітичні вирази для ядра нелокального оператора поляризаційного потенціалу в зазначеному інтервалі змінних як в імпульсному, так і в конфігураційному просторах. Знайдено, що форма поляризаційного потенціалу в досліджуваній ділянці повністю визначається зовнішньою кулонівською парною взаємодією і не залежить від вигляду взаємодії частинок усередині комплексу. Величина поляризаційного потенціалу взаємодії в проміжній ділянці виявляється пропорційною до маси легкої частинки, що налітає, і до середнього квадрата радіуса комплексу.

Ключові слова: тричастинковий формалізм, легка заряджена частинка, двокластерне ядро, нелокальний поляризаційний потенціал.

PACS number(s): 03.65.Nk, 21.45.+v, 25.30.-c

І. ВСТУП

Вивчення взаємодії між частинкою і зв'язаним комплексом (або в загальному випадку між двома комплексами) має першорядне значення для розуміння динаміки атомних і ядерних процесів.

У ядерній фізиці простий феноменологічний потенціал взаємодії між частинкою (ядром) і ядром відомий під назвою “потенціал оптичної моделі”, або “оптичний потенціал”. Успіхи, досягнуті у вивченні процесів розсіяння нуклонів і ядер на ядрах та різноманітних ядерних реакцій, великою мірою завдячують використанню феноменологічного оптичного потенціалу для опису розсіяння частинки ядром (або ядра ядром) у початковому та кінцевому станах.

Однією з найважливіших проблем у фізиці є мікроскопічне виведення потенціалу взаємодії між частинкою і складною системою (або між двома системами) на основі заданої взаємодії між двома складовими частинками. У літературі такий потенціал називають по-різному: оптичним потенціалом [1] (за аналогією до опису взаємодії світлових хвиль із середовищем в оптиці), псевдопотенціалом [2] або ефективним потенціалом (щоб підкреслити його відмінність від “справжнього” первинного потенціалу взаємодії між “елементарними” складовими частинками). У цій ділянці було багато успішних досліджень, але для повного розв'язання проблема залишається складною через те, що система є багаточастинковою.

У зв'язку з цим особливе і принципове значення має дослідження потенціалу ефективної взаємодії в найпростіших малочастинкових системах, для яких розроблено потужні математичні методи строгого

опису [3] і набуто значного досвіду їх розрахунку. Цікавим, зокрема, видається виведення взаємодії між малочастинковими комплексами у випадку, коли серед складових частинок взаємодіючих комплексів є заряджені частинки і виникають так звані поляризаційні сили електромагнетної природи.

Як відомо, традиційна теорія поляризаційної взаємодії між частинкою і комплексом (або між двома комплексами) ґрунтується на так званому адіабатному підході, у якому вважається, що флюктуація кінетичної енергії відносного руху частинки і комплексу (або двох комплексів) є дуже малою величиною порівняно з кінетичною енергією відносного руху частинок усередині комплексу. Такий підхід безумовно обґрунтований, якщо маси частинки й комплексу, що взаємодіють, є великими порівняно з масою складових частинок комплексу.

Застосування строго математичних методів малочастинкового підходу до вивчення поляризаційної взаємодії дозволяє подолати це обмеження традиційної теорії. Особливо це важливо для вивчення взаємодії комплексу з легкою безструктурною зарядженою частинкою (або з легкою зв'язаною системою), маса якої значно менша від маси зарядженої частинки, що входить до складу комплексу.

Подібні задачі виникають в атомній і молекулярній фізиці (електрон + мюонний мезоатом, атом позитронію + атом позитронію або атом водню, лептон + молекула як комплекс із нейтральних атомів або йонів), у ядерній фізиці, особливо у зв'язку з дослідженнями мюонного каталізу (мюон або піон + дейтрон або інше двокластерне ядро), а також у фізиці адронів (лептон + адрон як комплекс із кварків). Ви-

конані дослідження поляризаційної взаємодії в подібних випадках спрямовані як на пошук нових якісних поляризаційних ефектів [4,5], так і на уточнення поведінки поляризаційного потенціалу на асимптотично великих відстанях [6,7].

Раніше [8,9] в рамках тричастинкового формалізму Фадєєва ми дослідили поведінку поляризаційного потенціалу взаємодії між зарядженою частинкою і дво-частинковою ядерною системою, що складається із зарядженої й нейтральної частинок у зв'язаному S -стані, на асимптотично великих відстанях для від'ємних значень повної тричастинкової енергії, $E \leq 0$ (нижче від порога розвалу двочастинкового комплексу). В імпульсному просторі таким відстаням відповідають значення змінних імпульсу відносного руху частинки й центра мас комплексу \mathbf{p} і \mathbf{p}' на енергетичній поверхні ($p, p' \rightarrow p_0, p_0$ — початковий імпульс відносного руху частинки й комплексу) і асимптотично малі значення величини переданого імпульсу $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'| \rightarrow 0$. Ми, зокрема, встановили, що у виразі для ефективного потенціалу відбувається повне скорочення членів далекоюсяжної взаємодії, пропорційних $(e_1 e_2)^2 |\mathbf{p} - \mathbf{p}'|^{-1}$, $(e_1 e_2)^3 \ln |\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$ і $(e_1 e_2)^4 |\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$. Згодом [10] ми узагальнили наш результат про компенсацію далекоюсяжних членів на випадок $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'| \rightarrow 0$ і довільних значень модулів відносних імпульсів p і p' поза енергетичною поверхнею. У працях [11–13] ми переформулювали наш тричастинковий формалізм ефективної взаємодії зарядженої частинки і двочастинкового комплексу, спираючись на означення ефективного потенціалу Френсіса–Ватсона [14] та застосовуючи метод інтегральних рівнянь Фадєєва [3] і техніку проектування Фешбах [15].

Недавно [16] наші результати про асимптотичну поведінку поляризаційного потенціалу на великих відстанях і компенсацію сингулярних за переданим імпульсом членів ефективного потенціалу взаємодії, пропорційних $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|^{-1}$ і $\ln |\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$, були узагальнені на випадок трьох заряджених частинок і додатних значень енергії відносного руху частинки й комплексу, $E > 0$.

Особливо цікавим видається вивчення поляризаційної взаємодії за обставин, коли традиційний адіабатний підхід не може бути застосованим. Ця праця присвячена дослідженню на основі тричастинкового формалізму, розробленого в [12,13], такої взаємодії, коли маса частинки, що розсіюється, є значно меншою від мас складових частинок комплексу. Прикладом подібного випадку може бути розсіяння мюона дейтроном або іншим двофрагментно кластеризованим ядром (${}^A Z \equiv {}^{A-1} Z + n$) чи гіпер'ядром (${}^A Z_\Lambda \equiv {}^{A-1} Z + \Lambda$). При цьому рух легкої частинки в полі комплексу з масивних частинок можна описувати, користуючись спеціальним наближенням, у якому допускається, що при перерозсіянні кінетична енергія відносного руху легкої частинки і комплексу є значно більшою від кінетичної енергії відносного руху масивних частинок усередині комплексу. Таке наближення застосовне для відстаней між частинкою

й центром мас комплексу, проміжних між розміром комплексу й асимптотично великими відстанями, де діють відомі поляризаційні сили.

Раніше специфічні особливості взаємодії між легкою зарядженою частинкою і системою докладно вивчали Кіржніц і Пеньков [4, 5].

Наше дослідження цієї проблеми спрямоване на вивчення характеру нелокальної поведінки поляризаційного потенціалу. Як впливає зі строгого формалізму, поляризаційний потенціал у загальному випадку є нелокальним і залежним від енергії. Він набуває локального вигляду лише на асимптотично великих відстанях. Локальний результат для поляризаційного потенціалу на проміжних відстанях в [4], що був одержаний із застосуванням додаткової наближеної процедури зведення потенціалу до локального вигляду, не узгоджується, проте, із загальноновживаним означенням потенціалу ефективної взаємодії [1,2].

У цій роботі дослідження поляризаційного потенціалу взаємодії легкої зарядженої частинки і двочастинкового комплексу на проміжних відстанях виконано на основі тричастинкового підходу [12,13], що при заданих парних взаємодіях між окремими частинками системи забезпечує однозначне визначення ефективного потенціалу відповідно до означення [1,2]. При такому розгляді характер локальності поляризаційного потенціалу не підпорядковується ніяким додатковим умовам. Поляризаційний потенціал виводиться в аналітичному вигляді як в імпульсному, так і в координатному просторах.

II. ТРИЧАСТИНКОВИЙ ФОРМАЛІЗМ ЕФЕКТИВНОЇ ВЗАЄМОДІЇ ЧАСТИНКИ І ДВОЧАСТИНКОВОГО КОМПЛЕКСУ

Оператор взаємодії між частинкою 1 і двочастинковим зв'язаним комплексом, що складається із частинок 2 і 3, $V_{\text{eff}}(\epsilon)$, означимо [12] відповідно до методу введення взаємодії між комплексами частинок, який запропонували Френсіс [14] та Фешбах [15],

$$V_{\text{eff}}(\epsilon) = \langle \psi_0(2, 3) | R(E) | \psi_0(2, 3) \rangle, \quad (1)$$

де усереднення проведено за змінною відносного руху частинок 2 і 3 в зв'язаному стані двочастинкового комплексу, що описується хвильовою функцією $\psi_0(2, 3)$, а тричастинковий оператор $R(E)$ визначається інтегральними рівняннями

$$R(E) = V_{\text{ext}} + V_{\text{ext}} G_{\text{int}}^Q(E) R(E), \quad (2)$$

у якому V_{ext} — оператор зовнішньої взаємодії частинки 1 з усіма складовими частинками комплексу,

$$V_{\text{ext}} = v_{12} + v_{31}, \quad (3)$$

v_{ij} — оператор парної взаємодії між частинками i і j , а оператор $G_{\text{int}}^Q(E)$ являє собою гладку (за енергією) частину пропагатора $G_{\text{int}}(E)$, що містить оператор внутрішньої взаємодії $V_{\text{int}} = v_{23}$,

$$\begin{aligned} G_{\text{int}}^Q(E) &= Q G_{\text{int}}(E), \\ G_{\text{int}}(E) &= (E - H_0 - v_{23})^{-1}, \\ Q &= 1 - P, \quad P = |\psi_0\rangle\langle\psi_0|, \end{aligned} \quad (4)$$

P і Q — оператори проектування відповідно на основний зв'язаний стан і на решту можливих станів двочастинкового комплексу, E — повна енергія тричастинкової системи,

$$E = \epsilon - b,$$

ϵ — енергія відносного руху частинки 1 і центра мас комплексу із частинок 2 і 3, b — енергія зв'язку двочастинкового комплексу, H_0 — оператор повної кінетичної енергії тричастинкової системи. Оператор $G_{\text{int}}^Q(E)$ містить у собі вільний тричастинковий пропагатор

$$G_0(E) = (E - H_0)^{-1}$$

і члени, що описують віртуальні збудження комплексу в проміжних станах (в тому числі й неперервний спектр). На відміну від ядер операторів $G_{\text{int}}(E)$ і $G_{\text{int}}^P(E) \equiv P G_{\text{int}}(E)$, ядро оператора $G_{\text{int}}^Q(E)$ не має полюсної сингулярності типу Коші за енергією відносного руху частинки й комплексу, що відповідає полюсній сингулярності двочастинкової матриці переходу при енергії основного зв'язаного стану комплексу.

Рівняння (2) є істотно нефредгольмовим з огляду на те, що його вільний член і ядро містять оператор зовнішньої взаємодії V_{ext} у вигляді суми парних взаємодій (3).

Вилучаючи з ядра рівняння (2) член $V_{\text{ext}}G_0$, переносячи його в ліву частину й обертаючи, перетворюємо рівняння (2) до вигляду

$$R(E) = T_{\text{ext}}(E) + T_{\text{ext}}(E)[G_{\text{int}}^Q(E) - G_0(E)]R(E), \quad (5)$$

де оператор $T_{\text{ext}}(E)$ задовольняє рівняння Ліпмана – Швінґера

$$T_{\text{ext}}(E) = V_{\text{ext}}(E) + V_{\text{ext}}G_0(E)T_{\text{ext}}(E). \quad (6)$$

З рівняння (5) випливає, що оператор R відрізняється від оператора переходу для зовнішньої взаємодії T_{ext} членами багатократного розсіяння, що описують віртуальні збудження двочастинкового комплексу в проміжних станах. У формулі (2) ці члени враховують вплив непружних каналів на формування ефективної взаємодії між частинкою та комплексом.

Рівняння (6) для оператора T_{ext} , у який увійшли всі сингулярні члени ітераційного ряду рівняння (2) для R , може бути регуляризоване за допомогою методу Фадеєва [3]. Альтернативно, регуляризацію рівняння для оператора R (2) можна провести, застосовуючи метод Фадеєва безпосередньо до рівняння (2) із записом оператора R у вигляді суми чотирьох компонент відповідно до двох парних потенціалів зовнішньої взаємодії (3). Докладніше тричастинковий формалізм ефективної взаємодії описано в попередній праці [12].

При заданих парних потенціалах взаємодії між окремими складовими частинками системи розв'язання регуляризованих інтегральних рівнянь для компонент оператора R , що відповідають (2) або (5), забезпечує однозначне визначення ефективного потенціалу взаємодії між частинкою та центром мас двочастинкового комплексу (1).

ІІІ. СИСТЕМА ІЗ ДВОХ ЗАРЯДЖЕНИХ Й ОДНІЄЇ НЕЙТРАЛЬНОЇ ЧАСТИНОК

Застосуємо загальний формалізм ефективної взаємодії для дослідження поляризаційної взаємодії, що виникає між зарядженою частинкою 1 і центром мас комплексу з двох зв'язаних частинок — зарядженої 2 і нейтральної 3 (e_i і m_i — заряд і маса частинки i). Обмежимося розглядом простої тричастинкової системи з двома парними потенціалами взаємодії — короткодійним (ядерним) потенціалом взаємодії між частинками 2 і 3, v_{23}^N , що забезпечує утворення зв'язаного двочастинкового комплексу, і далекосяжним кулонівським потенціалом взаємодії між частинками 1 і 2, v_{12}^C . Уважаємо, що частинки 1 і 3 не взаємодіють зовсім, $v_{31} = 0$. Прикладом такої системи може бути система з мюона μ , протона p та нейтрона n (розсіяння мюона на дейтроні). У цій роботі ми обмежимося дослідженням системи з від'ємною повною енергією ($E \leq 0$) — розсіяння частинки двочастинковим комплексом відбувається нижче від порога розвалу комплексу ($\epsilon \leq b$).

Для тричастинкової розгляданої системи інтегральне рівняння для оператора $R(E)$ набуває вигляду

$$R(E) = T_{12}^C(E) + T_{12}^C(E)I_{23}^N(E)R(E), \quad (7)$$

де оператор

$$\begin{aligned} I_{23}^N(E) &\equiv G_{23}^Q(E) - G_0(E) \\ &= G_0(E)T_{23}^N(E)G_0(E) - g_0^1(\epsilon)P \end{aligned}$$

повністю визначається взаємодією між частинками всередині комплексу, v_{23}^N , а оператори переходу $T_{12}^C(E)$ і $T_{23}^N(E)$, що відповідають парним взаємодіям v_{12}^C і v_{23}^N , задовольняють рівняння Ліпмана–Швінґера

$$T_{ij}(E) = v_{ij} + v_{ij}G_0(E)T_{ij}(E), \quad (8)$$

$g_0^1(\epsilon) = (\epsilon - h_0^1)^{-1}$ — вільний оператор Гріна відносного руху частинки й центра мас комплексу, h_0^1 — оператор відповідної кінетичної енергії.

Описуючи систему трьох частинок в імпульсному просторі, використаємо змінні у вигляді відносних імпульсів Якобі

$$\begin{aligned} \mathbf{k}_{ij} &= (m_j \mathbf{k}_i - m_i \mathbf{k}_j)/m_{ij}, \\ \mathbf{p}_k &= [m_k(\mathbf{k}_i + \mathbf{k}_j) - m_{ij}\mathbf{k}_k]/M, \end{aligned} \quad (9)$$

де \mathbf{k}_i — імпульс частинки i , $m_{ij} = m_i + m_j$, $M = m_1 + m_2 + m_3$, $ijk = 123, 231, 312$. У конфігураційному просторі їм відповідають відносні координати

$$\mathbf{r}_{ij} = \mathbf{r}_i - \mathbf{r}_j, \quad \rho_k = (m_i \mathbf{r}_i + m_j \mathbf{r}_j)/m_{ij} - \mathbf{r}_k,$$

де \mathbf{r}_i — радіус-вектор частинки i . Використаємо скорочені позначення: $\mathbf{k} = \mathbf{k}_{23}$, $\mathbf{p} = \mathbf{p}_1$ і $\mathbf{r} = \mathbf{r}_{23}$, $\rho = \rho_1$.

Взаємодію частинок 2 і 3 опишемо за допомогою короткодієного сепарабельного потенціалу

$$\langle \mathbf{k} | v_{23}^N | \mathbf{k}' \rangle = -\lambda u(k)u(k'), \quad (10)$$

що діє лише в S -стані й забезпечує утворення зв'язаного стану частинок 2 і 3 з енергією зв'язку b . Кулонівський потенціал взаємодії заряджених частинок 1 і 2 в імпульсному просторі має вигляд

$$\begin{aligned} \langle \mathbf{k}_{12} | v_{12}^C | \mathbf{k}'_{12} \rangle &= v_{12}^C(\mathbf{k}_{12} - \mathbf{k}'_{12}) \\ &= 4\pi\epsilon_1\epsilon_2 / |\mathbf{k}_{12} - \mathbf{k}'_{12}|^2. \end{aligned} \quad (11)$$

Відповідна двочастинкова кулонівська матриця переходу $\langle \mathbf{k}_{12} | t_{12}^C(s) | \mathbf{k}'_{12} \rangle$, що задовольняє двочастинкове рівняння Ліпмана-Швінгера з потенціалом (11), у явному аналітичному вигляді виведена для від'ємної енергії ($s \leq 0$) в [17] з використанням специфічної симетрії кулонівського потенціалу в чотиривимірному просторі Фока [18]. (Узагальнення для додатної енергії ($s > 0$) проведено в [19]). Двочастинкова кулонівська матриця переходу в [17] може бути записана як розклад за безрозмірною величиною

$$y = \chi |\mathbf{k}_{12} - \mathbf{k}'_{12}| / (k_{12}^2 + \chi^2)^{1/2} (k'_{12}{}^2 + \chi^2)^{1/2},$$

що є меншою від одиниці при всіх значеннях змінних імпульсів \mathbf{k}_{12} , \mathbf{k}'_{12} та енергії $s = -\chi^2/2\mu_{12}$, $\mu_{12} = m_1 m_2 / m_{12}$, крім випадку з $\mathbf{k}'_{12} = -\mathbf{k}_{12}$, $k_{12} = k'_{12} = \chi$, коли вона дорівнює одиниці,

$$\begin{aligned} \langle \mathbf{k}_{12} | t_{12}^C(s) | \mathbf{k}'_{12} \rangle &= \frac{4\pi\chi^3}{\mu_{12}(k_{12}^2 + \chi^2)(k'_{12}{}^2 + \chi^2)} \left\{ \frac{\gamma}{y^2} - \frac{\pi\gamma^2}{y} - 4\gamma^3 \ln(2y) \right. \\ &\quad \left. - 4\gamma^3 \left[\psi(\gamma) + \frac{1}{2\gamma} + C - 1 \right] - \frac{\pi\gamma^2}{2} [1 - 4\gamma^2] y + o(y) \right\}, \end{aligned} \quad (12)$$

де

$$\gamma = \mu_{12}\epsilon_1\epsilon_2/\chi, \quad \psi(x) = \frac{d\Gamma(x)}{dx}/\Gamma(x),$$

$\Gamma(x)$ — гама-функція, $C \equiv -\psi(1) = 0.577215\dots$ — постійна Ейлера. У (12) виписані явно всі члени розкладу за величиною y до лінійного включно.

Зауважимо, що апроксимація кулонівської t -матриці на основі розкладу (12) має істотні переваги перед апроксимацією на основі звичайного ітераційного розкладу рівняння Ліпмана-Швінгера для $t_{12}^C(s)$, оскільки перший з них має ширшу ділянку застосовності, а величина y , за якою виконується розклад, не залежить від зарядів частинок ϵ_1 і ϵ_2 . Кулонівська t -матриця у вигляді (12), на відміну від ітераційного розкладу, строго враховує наявність зв'язаних станів у системі частинок 1 і 2. Відповідний член в (12), що не залежить від переданого імпу-

льсу (четвертий член у фігурних дужках), не може бути отриманий в жодному скінченному порядку ітераційного розкладу рівняння Ліпмана-Швінгера. У випадку різнойменних зарядів ($\epsilon_1\epsilon_2 < 0$) логарифмічна гама-функція, що міститься в цьому члені, має всі полюсні сингулярності за енергією при від'ємних цілочислових значеннях γ ($\gamma = -n, n = 1, 2, 3 \dots$), що відповідають зв'язаним станам двох частинок.

IV. ІТЕРАЦІЙНЕ РОЗВ'ЯЗАННЯ РІВНЯННЯ ДЛЯ ОПЕРАТОРА R . ВИЗНАЧЕННЯ ЕФЕКТИВНОГО ПОТЕНЦІАЛУ

Згідно з означенням (1) ефективний потенціал являє собою ядро оператора $R(E)$, усереднене в основному стані двочастинкового комплексу. Ядро оператора $R(E)$ визначається інтегральним рівнянням (7),

у якому вільний член виражається через двочастинкову кулонівську матрицю переходу t_{12}^C

$$\langle \mathbf{k}_{12}\mathbf{p}_3 | T_{12}^C(E) | \mathbf{k}'_{12}\mathbf{p}'_3 \rangle = (2\pi)^3 \delta(\mathbf{p}_3 - \mathbf{p}'_3) \langle \mathbf{k}_{12} | t_{12}^C(E - p_3^2/2\nu_3) | \mathbf{k}'_{12} \rangle, \quad (13)$$

а ядро інтегрального рівняння є ядром добутку операторів $T_{12}^C(E)$ і $I_{23}^N(E)$. У нашій тричастинковій моделі з сепарабельною взаємодією між частинками комплексу (10) ядро $I_{23}(E)$ є виродженим щодо аргументів (\mathbf{k} і \mathbf{k}'), які описують відносний рух частинок комплексу,

$$\langle \mathbf{k}\mathbf{p} | I_{23}^N(E) | \mathbf{k}'\mathbf{p}' \rangle = \frac{(2\pi)^3 \delta(\mathbf{p} - \mathbf{p}')}{P_{11}(\epsilon_p)} \psi_0(\mathbf{k}) \psi_0(\mathbf{k}') \left\{ -\frac{P_{21}(\epsilon_p)}{b} + \frac{1}{b - \epsilon_{kp}} + \frac{1}{b - \epsilon_{k'p}} + \frac{\epsilon_p}{(b - \epsilon_{kp})(b - \epsilon_{k'p})} \right\}. \quad (14)$$

У формулах (13) і (14) використані позначення:

$$P_{lm}(\epsilon_p) = b^{l+m-2} \int_0^\infty \frac{k^2 dk}{2\pi^2} \frac{u^2(k)}{\left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b\right)^l \left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon_p\right)^m}, \quad (15)$$

$\mu_{ij} = m_i m_j / m_{ij}$ і $\nu_k = m_k m_{ij} / M$ — зведені маси двох частинок i і j та частинки k і центра мас пари частинок i і j відповідно, $\epsilon_p \equiv \epsilon - p^2/2\nu_1$, $\epsilon_{kp} = \epsilon - k^2/2\mu_{23} - p^2/2\nu_1$, $b = \kappa^2/2\mu_{23}$, $\epsilon = p_0^2/2\nu_1$.

Ядро оператора $T_{12}^C(E)I_{23}^N(E)$ в інтегральному рівнянні містить сингулярності за переданим імпульсом відносного руху частинки і центра мас комплексу $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$, які, згідно з (13) і (12), вносяться двочастинковою кулонівською матрицею переходу, і тому інтегральне рівняння (7) є полярним. Його ядро, проте, не має інших сингулярностей, наприклад, сингулярності типу Коші в точці $\epsilon_p = 0$.

Сингулярні за переданим імпульсом $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$ члени ядра оператора $R(E)$ можна виділити явно, використовуючи послідовний ітераційний розклад розв'язку рівняння (7),

$$R(E) = T_{12}^C(E) \sum_{n=0}^{\infty} \{ I_{23}^N(E) T_{12}^C(E) \}^n. \quad (16)$$

Ефективний потенціал (1), що відповідає розкладові (16), має вигляд

$$\langle \mathbf{p} | V_{\text{eff}}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle = \sum_{n=0}^{\infty} \langle \mathbf{p} | U_{00}^{(n)}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle, \quad (17)$$

де окремі члени суми визначаються виразом

$$U_{00}^{(n)}(\epsilon) = \langle \psi_0 | T_{12}^C(E) \{ I_{23}^N(E) T_{12}^C(E) \}^n | \psi_0 \rangle. \quad (18)$$

Виділяючи явно з першого члена в (17)

$$U_{00}^{(0)}(\epsilon) = \langle \psi_0 | T_{12}^C(E) | \psi_0 \rangle, \quad (19)$$

частину, що є лінійною стосовно добутку зарядів час-

тинки й комплексу $\epsilon_1 \epsilon_2$, ефективний потенціал запишемо у вигляді

$$\langle \mathbf{p} | V_{\text{eff}}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle = V^C(\mathbf{p} - \mathbf{p}') F_{00}(\mathbf{p} - \mathbf{p}') + \langle \mathbf{p} | V^P(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle. \quad (20)$$

Перший член у (20), що визначається борнівським членом v_{12}^C (11) кулонівської матриці T_{12}^C в (19),

$$\langle \mathbf{p} | U_{00}^{(0)}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle = V^C(\mathbf{p} - \mathbf{p}') F_{00}(\mathbf{p} - \mathbf{p}') + \langle \mathbf{p} | \bar{U}_{00}^{(0)}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle, \quad (21)$$

є чисто локальним статичним потенціалом взаємодії заряду точкової частинки 1, ϵ_1 і заряду ϵ_2 , розподіленого в об'ємі двочастинкового комплексу. Він має відомий вигляд добутку потенціалу кулонівської взаємодії заряду частинки 1, що налітає, і сумарного заряду двочастинкового комплексу, що знаходиться в центрі мас комплексу,

$$V^C(\mathbf{p} - \mathbf{p}') = 4\pi \epsilon_1 \epsilon_2 / |\mathbf{p} - \mathbf{p}'|^2, \quad (22)$$

на формфактор розподілу заряду в комплексі $F_{00}(\mathbf{p} - \mathbf{p}')$, де

$$F_{00}(\mathbf{q}) = \int \frac{d\mathbf{k}'}{(2\pi)^3} \langle \psi_0 | \mathbf{k}' + \frac{m_3}{m_{23}} \mathbf{q} | \mathbf{k}' | \psi_0 \rangle. \quad (23)$$

Другий доданок у (20) є поляризаційним потенціалом взаємодії частинки і двочастинкового комплексу,

$$\langle \mathbf{p} | V^P(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle = \langle \mathbf{p} | \bar{U}_{00}^{(0)}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle$$

$$+ \sum_{n=1}^{\infty} \langle \mathbf{p} | U_{00}^{(n)}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle, \quad (24)$$

що утворюється внаслідок багатократного (подвійного, потрійного й вищої кратності) розсіяння заряджених частинок 1 і 2, з потенціалом взаємодії (11), наявним в усіх членах суми (17). У цілому поляризаційний потенціал є нелокальним. Як відомо, він набуває локального вигляду лише на асимптотично великих відстанях.

У загальному випадку матричний елемент ефективного потенціалу $\langle \mathbf{p} | V_{\text{eff}}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle$ є скалярною функцією двох векторних змінних (імпульсів \mathbf{p} і \mathbf{p}') та енергії ϵ . Незалежними з них є чотири — змінні модулі векторів імпульсів, p і p' , кута між векторами та енергії ϵ . Замість кута можна вибрати скалярний добуток $\mathbf{p} \cdot \mathbf{p}'$ або модуль переданого імпульсу $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$.

Ефективний потенціал, утворення якого, згідно з

(17) і (18), здійснюється шляхом багатократного розсіяння частинок, є функцією всіх чотирьох змінних $p, p', |\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$ та ϵ , тобто є нелокальним і залежним від енергії.

V. РОЗКЛАД ЕФЕКТИВНОГО ПОТЕНЦІАЛУ ЗА МОДУЛЕМ ПЕРЕДАНОГО ІМПУЛЬСУ

Залежність V_{eff} від $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$ істотно визначається локальним далекосяжним характером зовнішнього кулонівського потенціалу взаємодії, що приводить до специфічної залежності двочастинкової кулонівської матриці переходу від переданого імпульсу $|\mathbf{k}_{12} - \mathbf{k}'_{12}|$ (12). Як наслідок, розклад ефективного потенціалу $\langle \mathbf{p} | V_{\text{eff}}(E) | \mathbf{p}' \rangle$ за величиною переданого імпульсу $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$ при $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'| \rightarrow 0$ має загальний вигляд

$$\begin{aligned} \langle \mathbf{p} | V_{\text{eff}}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle_{|\mathbf{p}-\mathbf{p}'| \rightarrow 0} = & C_{-2}(p, p'; \epsilon) |\mathbf{p} - \mathbf{p}'|^{-2} + C_{-1}(p, p'; \epsilon) |\mathbf{p} - \mathbf{p}'|^{-1} \\ & + C_{\ln}(p, p'; \epsilon) \ln(|\mathbf{p} - \mathbf{p}'| \rho_0) + C_0(p, p'; \epsilon) + C_1(p, p'; \epsilon) |\mathbf{p} - \mathbf{p}'| + o(|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|), \end{aligned} \quad (25)$$

де коефіцієнтні функції $C_n(p, p'; \epsilon)$ залежать лише від модулів векторів змінних імпульсів p і p' та енергії ϵ , що описують відносний рух частинки і центра мас двочастинкового комплексу (ρ_0 — довільна величина з розмірністю довжини, що не залежить від $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$). У (25) ми обмежуємось членами розкладу за $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$ до лінійного включно. Значимо, що функції $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|^{-2}$, $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|^{-1}$, $\ln(|\mathbf{p} - \mathbf{p}'| \rho_0)$ і $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$ в ділянці асимптотично малих значень переданого імпульсу відповідають у конфігураційному просторі далекосяжним спадним функціям ρ^{-n} з $n = 1, 2, 3$, і 4.

Фактори $C_n(p, p'; \epsilon)$ в (25) описують нелокальну структуру потенціалу ефективної взаємодії. Функції $C_n(p, p'; \epsilon)$ можна визначити безпосередньо, використовуючи формули (12)–(14) при знаходженні окремих членів (18) і послідовно враховуючи в сумі (17) усі необхідні функції переданого імпульсу. Таким шляхом у випадку S -хвильового зв'язаного стану двочастинкового комплексу було знайдено [13]

$$C_{-2}(p, p'; \epsilon) = 4\pi e_1 e_2,$$

$$C_{-1}(p, p'; \epsilon) = 0, \quad C_{\ln}(p, p'; \epsilon) = 0,$$

$$\begin{aligned} C_1(p, p'; \epsilon) = \frac{\pi^2 m_3 (e_1 e_2)^2}{4 m_2 m_{23} b^2} \left\{ \frac{1}{3} P_{2\frac{1}{2}\frac{1}{2}}^{(1)}(\epsilon_p, \epsilon'_p) + \frac{4}{3} P_{1\frac{3}{2}\frac{3}{2}}(\epsilon_p, \epsilon'_p) - \frac{1}{2} P_{2\frac{1}{2}\frac{3}{2}}(\epsilon_p, \epsilon'_p) \right. \\ \left. - \frac{1}{2} P_{2\frac{3}{2}\frac{1}{2}}(\epsilon_p, \epsilon'_p) + \frac{2}{3} P_{3\frac{1}{2}\frac{1}{2}}(\epsilon_p, \epsilon'_p) + \frac{4}{3} P_{4\frac{1}{2}\frac{1}{2}}(\epsilon_p, \epsilon'_p) - \frac{4}{3} P_{2\frac{3}{2}\frac{3}{2}}(\epsilon_p, \epsilon'_p) \right\}, \end{aligned} \quad (26)$$

де

$$P_{lmn}^{(1)}(\epsilon_p, \epsilon'_p) = 2\mu_{23} b^{l+m+n-1} \int_0^{\infty} \frac{k^2 dk}{2\pi^2} \frac{[u'(k)]^2 - 2u(k)u'(k)/k - u(k)u''(k)}{(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b)^l (\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon_p)^m (\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon'_p)^n}, \quad (27)$$

$$P_{lm}(\epsilon_p, \epsilon'_p) = b^{l+m+n-2} \int_0^{\infty} \frac{k^2 dk}{2\pi^2} \frac{u^2(k)}{(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b)^l (\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon_p)^m (\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon'_p)^n}.$$

Важливо відзначити, що в розкладі ефективного потенціалу взаємодії за величиною $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$ має місце повна компенсація кожної з груп далекоюсяжних членів потенціалу, пропорційних $(\epsilon_1 \epsilon_2)^2 |\mathbf{p} - \mathbf{p}'|^{-1}$, $(\epsilon_1 \epsilon_2)^3 \ln(|\mathbf{p} - \mathbf{p}'| \rho_0)$ та $(\epsilon_1 \epsilon_2)^4 |\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$ при довільних значеннях модулів імпульсів p і p' , так що насправді розклад (25) має вигляд

$$\langle \mathbf{p} | V_{\text{eff}}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle_{|\mathbf{p}-\mathbf{p}'| \rightarrow 0} = V^C(\mathbf{p} - \mathbf{p}') + C_0(p, p'; \epsilon) + C_1(p, p'; \epsilon) |\mathbf{p} - \mathbf{p}'| + o(|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|). \quad (28)$$

VI. ВИЗНАЧЕННЯ ФУНКЦІЇ $C_0(p, p'; \epsilon)$. ЗАГАЛЬНА ФОРМУЛА ДЛЯ ПОЛЯРИЗАЦІЙНОГО ПОТЕНЦІАЛУ

Члена $C_0(p, p'; \epsilon)$ в праці [13] не визначено, оскільки головною метою її було дослідити поведінку поляризаційного потенціалу у граничному випадку досягнення імпульсами енергетичної поверхні, що в конфігураційному просторі еквівалентно асимптотично великим відстаням ($\rho, \rho' \rightarrow \infty$), де потенціал стає локальним.

Для вивчення поведінки ефективної взаємодії на проміжних відстанях, що є метою нашої роботи, визначення члена $C_0(p, p'; \epsilon)$ обов'язкове, тому що він описує повністю нелокальну частину ефективної взаємодії в усій ділянці і містить у собі як короткодіяну, так і далекоюсяжну компоненти взаємодії. Слід зауважити, що практичне знаходження функції C_0 , на відміну від знаходження C_{-1} , C_{\ln} і C_1 , є важчою задачею, оскільки член C_0 формується із внесків усіх членів ітераційного розкладу, які відповідають багатократному розсіянню частинок. Функція $C_0(p, p'; \epsilon)$ містить у собі всі додатні цілі степені добутку зарядів, на відміну, наприклад, від функції $C_1(p, p'; \epsilon)$, що містить лише квадрат добутку зарядів $(\epsilon_1 \epsilon_2)^2$. Точне

визначення функції $C_0(p, p'; \epsilon)$ можна здійснити шляхом числового розв'язання відповідного інтегрального рівняння (7), яке послідовно враховує всі члени багатократного розсіяння.

Аналітичний вираз для функції C_0 можна отримати у вигляді розкладу в ряд за степенями добутку зарядів $\epsilon_1 \epsilon_2$, спираючись на основні формули (17) і (18). Обмежуючись урахуванням перших двох членів, пропорційних $\epsilon_1 \epsilon_2$ і $(\epsilon_1 \epsilon_2)^2$, функцію $C_0(p, p'; \epsilon)$ знаходимо у вигляді

$$C_0(p, p', \epsilon) = C_0^{(1)} + C_0^{(2)}(p, p', \epsilon) + o((\epsilon_1 \epsilon_2)^2). \quad (29)$$

Перший член $C_0^{(1)}$ в (29), лінійний щодо $\epsilon_1 \epsilon_2$,

$$C_0^{(1)} = -\frac{8\pi}{3} \left(\frac{m_3}{m_{23}} \right)^2 r_0^2 \epsilon_1 \epsilon_2, \quad (30)$$

не стосується поляризаційного потенціалу. Він впливає з $U_{00}^{(0)}(\epsilon)$ в (17), виникаючи при розкладі формфактора $F_{00}(\mathbf{p} - \mathbf{p}')$ в (20) за степенями $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$ як перша поправка до кулонівського потенціалу взаємодії між точковими зарядами V^C , що пов'язана з розподілом заряду у двочастинковому комплексі. Член $C_0^{(1)}$ не залежить від змінних імпульсів p і p' та енергії ϵ і є короткодіяним. Величина r_0^2 в (30) є середнім значенням квадрата радіуса двочастинкового комплексу в основному стані,

$$r_0^2 = \langle \psi_0 | (r/2)^2 | \psi_0 \rangle, \quad (31)$$

що в застосованій моделі дорівнює

$$r_0^2 = (16\mu_{23}b)^{-1} [P_2^{(1)} + 2P_3 + 4P_4], \quad (32)$$

де величини $P_l^{(1)}$ і P_l визначаються формулами

$$P_l^{(1)} = 2\mu_{23}b^{l-1} \int_0^\infty \frac{k^2 dk}{2\pi^2} \frac{[u'(k)]^2 - 2u(k)u'(k)/k - u(k)u''(k)}{(k^2/2\mu_{23} + b)^l},$$

$$P_l = b^{l-2} \int_0^\infty \frac{k^2 dk}{2\pi^2} \frac{u^2(k)}{(k^2/2\mu_{23} + b)^l}. \quad (33)$$

Другий член $C_0^{(2)}(p, p'; \epsilon)$ в (29), що є чисто нелокальною частиною поляризаційного потенціалу, містить у собі внески як від першого доданка в (24),

$$\langle \mathbf{p} | \bar{U}_{00}^{(0)}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle = \int \frac{d\mathbf{k} d\mathbf{p}''}{(2\pi)^6} \left\langle \psi_0 | \mathbf{k} + \frac{m_3}{m_{23}} [\mathbf{p} - \mathbf{p}'] \right\rangle v_{12}^C(\mathbf{p} - \mathbf{p}'') \times \left\{ \epsilon - b - \left[\mathbf{k} + \frac{m_3}{m_{23}} (\mathbf{p}'' - \mathbf{p}') \right]^2 / 2\mu_{23} - p''^2 / 2\nu_1 \right\}^{-1} v_{12}^C(\mathbf{p}'' - \mathbf{p}') \langle \mathbf{k} | \psi_0 \rangle, \quad (34)$$

так і від другого,

$$\begin{aligned} \langle \mathbf{p} | U_{00}^{(1)}(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle &= \int \frac{d\mathbf{p}''}{(2\pi)^3} \left[P_{11}(\epsilon_{p''}) \right]^{-1} \left[-b^{-1} f(\mathbf{p} - \mathbf{p}'') P_{21}(\epsilon_{p''}) f(\mathbf{p}'' - \mathbf{p}') \right. \\ &\quad \left. + g(\mathbf{p} - \mathbf{p}'', \epsilon_{p''}) f(\mathbf{p}'' - \mathbf{p}') + f(\mathbf{p} - \mathbf{p}'') g(\mathbf{p}'' - \mathbf{p}', \epsilon_{p''}) + g(\mathbf{p} - \mathbf{p}'', \epsilon_{p''}) \epsilon_{p''} g(\mathbf{p}'' - \mathbf{p}', \epsilon_{p''}) \right], \end{aligned} \quad (35)$$

де

$$\begin{aligned} f(\mathbf{q}) &= F_{00}(\mathbf{q}) v_{12}^C(\mathbf{q}), \quad g(\mathbf{q}, \epsilon_p) = G_{00}(\mathbf{q}, \epsilon_p) v_{12}^C(\mathbf{q}), \\ G_{00}(\mathbf{q}, \epsilon_p) &= \int \frac{d\mathbf{k}}{(2\pi)^3} \langle \psi_0 | \mathbf{k} + \frac{m_3}{m_{23}} \mathbf{q} \left[\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon_p \right]^{-1} \langle \mathbf{k} | \psi_0 \rangle \end{aligned} \quad (36)$$

і використано позначення (15). Функцію $C_0^{(2)}(p, p'; \epsilon)$ знаходимо, розкладаючи вирази (32) і (33) за величиною переданого імпульсу $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'| \rightarrow 0$ і вилучаючи з (32) і (33) члени, що не містять переданого імпульсу. Зауважимо, що при $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'| \rightarrow 0$ величина інтегралів у виразі (33) визначається, в основному, ділянкою поблизу сингулярних точок ($\mathbf{p}'' = \mathbf{p}$ і $\mathbf{p}'' = \mathbf{p}'$). Інтегрування в (33) виконаємо, розкладаючи під інтегралом плавні функції F_{00} і G_{00} в околі відповідних точок та враховуючи перші члени розкладу. Остаточний вираз для функції $C_0^{(2)}(p, p'; \epsilon)$ має вигляд

$$\begin{aligned} C_0^{(2)}(p, p'; \epsilon) &= -\frac{\pi m_3 \sqrt{2\nu_1}}{6 m_2 m_{23}} \frac{1}{b^{3/2}} (\epsilon_1 \epsilon_2)^2 \left\{ Q_2^{(1)}(p, \epsilon) + Q_2^{(1)}(p', \epsilon) + 2Q_3(p, \epsilon) \right. \\ &\quad \left. + 2Q_3(p', \epsilon) + 4Q_4(p, \epsilon) + 4Q_4(p', \epsilon) - \frac{1}{2} P_{11\frac{3}{2}}(\epsilon_p, \epsilon) - \frac{1}{2} P_{11\frac{3}{2}}(\epsilon_{p'}, \epsilon) \right. \\ &\quad \left. - P_{12\frac{1}{2}}(\epsilon_p, \epsilon) - P_{12\frac{1}{2}}(\epsilon_{p'}, \epsilon) + \frac{3}{2} P_{21\frac{1}{2}}(\epsilon_p, \epsilon) + \frac{3}{2} P_{21\frac{1}{2}}(\epsilon_{p'}, \epsilon) \right. \\ &\quad \left. + \frac{1}{2} P_{21\frac{3}{2}}(\epsilon_p, \epsilon) + \frac{1}{2} P_{21\frac{3}{2}}(\epsilon_{p'}, \epsilon) + P_{22\frac{1}{2}}(\epsilon_p, \epsilon) + P_{22\frac{1}{2}}(\epsilon_{p'}, \epsilon) \right. \\ &\quad \left. + 12d P_{211\frac{1}{2}}(\epsilon_p, \epsilon_{p'}; \epsilon) - 12\sqrt{d(1+d)} \tilde{P}_{211}(\epsilon_p, \epsilon_{p'}; \epsilon) + \dots \right\}, \end{aligned} \quad (37)$$

де використано позначення (27) і

$$\begin{aligned} P_{211\frac{1}{2}}(\epsilon_p, \epsilon_{p'}; \epsilon) &= b^{3/2} \int_0^\infty \frac{k^2 dk}{2\pi^2} \frac{\left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon \right)^{1/2} u^2(k)}{\left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b \right)^2 \left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon_p \right) \left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon_{p'} \right)}, \\ \tilde{P}_{211}(\epsilon_p, \epsilon_{p'}; \epsilon) &= \frac{1}{3} \frac{\nu_3 b^{3/2}}{w} \int_0^\infty \frac{k dk}{2\pi^2} \frac{\left[\frac{(k+w)^2}{2\nu_3} + b - \epsilon \right]^{3/2} - \left[\frac{(k-w)^2}{2\nu_3} + b - \epsilon \right]^{3/2}}{\left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b \right)^2 \left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon_p \right) \left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon_{p'} \right)} u^2(k), \\ Q_n(p, \epsilon) &= \frac{\sqrt{2\nu_1 b}}{p} b^{n-2} \int_0^\infty \frac{k^2 dk}{2\pi^2} \frac{u^2(k)}{\left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b \right)^n} \arctan \left\{ p \left[2\nu_1 \left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon \right) \right]^{-\frac{1}{2}} \right\}, \\ Q_n^{(1)}(p, \epsilon) &= 2\mu_{23} \frac{\sqrt{2\nu_1 b}}{p} b^{n-1} \int_0^\infty \frac{k^2 dk}{2\pi^2} \frac{[u'(k)]^2 - 2u(k)u'(k)/k - u(k)u''(k)}{\left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b \right)^n} \arctan \left\{ p \left[2\nu_1 \left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon \right) \right]^{-\frac{1}{2}} \right\}, \end{aligned} \quad (38)$$

$$d = \frac{m_2 M}{m_1 m_3}, \quad w^2 = \frac{\nu_1 m_3^2}{m_{23}^2} (2\epsilon - \epsilon_p - \epsilon_{p'}) = \frac{m_3^2}{2m_{23}^2} (p^2 + p'^2).$$

Крапками у виразі (37) позначені члени, які не враховані внаслідок наближеного обчислення інтегралів в (35), серед них ті, що не залежать від p та p' і є короткодійними.

Остаточно наш загальний результат для поляризаційного потенціалу записуємо у вигляді

$$\langle \mathbf{p} | V^P(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle_{|\mathbf{p}-\mathbf{p}'| \rightarrow 0} = C_0^{(2)}(p, p'; \epsilon) \quad (39)$$

$$+ C_1(p, p'; \epsilon) | \mathbf{p} - \mathbf{p}' | + o(| \mathbf{p} - \mathbf{p}' |),$$

де функції $C_0^{(2)}$ і C_1 визначаються формулами (37) і (26). Перший член виразу (39) — чисто нелокальний, другий — змішаний, що має вигляд добутку нелокального й локального членів. Обидва залежать від енергії ϵ . Зауважимо, що чисто нелокальний член діє лише в S -стані.

На асимптотично великих відстанях між зарядженою частинкою й комплексом, що в імпульсному просторі відповідає наближенню змінних імпульсів до енергетичної поверхні ($p, p' \rightarrow p_0$), функції $C_0^{(2)}$ і C_1 в (39) стають константами, а поляризаційний потенціал — чисто локальним, набуваючи відомого вигляду лінійної функції переданого імпульсу (що еквівалентно поведінці $1/\rho^4$ в конфігураційному просторі).

Нижче ми досліджуємо інший можливий випадок, коли поляризаційний потенціал ще не виходить на лінійну за переданим імпульсом асимптотику, але загальна формула (39) істотно спрощується.

VII. ПОЛЯРИЗАЦІЙНИЙ ПОТЕНЦІАЛ ВЗАЄМОДІЇ ЛЕГКОЇ ЗАРЯДЖЕНОЇ ЧАСТИНКИ І ДВОЧАСТИНКОВОГО КОМПЛЕКСУ НА ПРОМІЖНИХ ВІДСТАНЯХ

Розгляньмо випадок, коли заряджена частинка, що налітає, має масу значно меншу, ніж маси частинок комплексу

$$m_1 \ll m_2, m_3. \quad (40)$$

Зауважимо, що маса зарядженої частинки комплексу (частинки 2), що взаємодіє з обома іншими частинками системи, не повинна набагато перевищувати масу нейтральної частинки (частинки 3), інакше (якщо $m_2 \gg m_3$) поляризаційна взаємодія зникає зовсім. Відмінність мас частинок (40) створює можливість спрощення виразу (39) для поляризаційного потенціалу в певному інтервалі змінної імпульсу p (або відстані ρ в конфігураційному просторі).

У випадку (40) характерна кінетична енергія відносного руху частинки й комплексу може значно перевищувати кінетичну енергію відносного руху складових частинок комплексу,

$$\frac{p^2}{2\nu_1} \gg \frac{k^2}{2\mu_{23}}. \quad (41)$$

Розглядаючи розсіяння нижче від порога розвалу комплексу, ми враховуємо також, що в рамках застосованої моделі енергія зв'язку двочастинкового комплексу $b = \kappa^2/2\mu_{23}$ не перевищує характерного (середнього) значення кінетичної енергії відносного руху частинок комплексу,

$$\frac{k^2}{2\mu_{23}} \geq b \geq \epsilon. \quad (42)$$

Зауважимо, що нерівність (41) виконується навіть для частинок з однаковими або близькими масами, якщо $p \gg k$ (що в конфігураційному просторі відповідає малим відстаням ρ порівняно з розмірами комплексу $R \sim 1/\kappa$). Існування у випадку (40) додаткового малого параметра відношення мас, $\nu_1/\mu_{23} \rightarrow m_1/\mu_{23} \ll 1$, зумовлює можливість виконання (41) і коли $p < k$. Для імпульсів нерівність (41) разом з (42) тоді записується у вигляді

$$k > p \gg \sqrt{\frac{m_1}{\mu_{23}}} k \geq \sqrt{\frac{m_1}{\mu_{23}}} \kappa \geq p_0 \quad (43)$$

або, якщо вважати, що характерне значення k і $\kappa \sim 1/R$ є величинами одного порядку, у спрощеному вигляді

$$\frac{1}{R} > p \gg \sqrt{\frac{m_1}{\mu_{23}}} \frac{1}{R}. \quad (44)$$

У конфігураційному просторі значення (44) відносного імпульсу p відповідають проміжним відстаням ρ , що перевищують розміри комплексу, але обмежені зверху

$$R < \rho \ll \sqrt{\mu_{23}/m_1} R. \quad (45)$$

Слід зауважити, що застосування нерелятивістського опису на відстанях з інтервалу (45) можливо лише за умови, що довжина комптонівської хвилі легкої частинки є значно меншою від верхньої межі цього інтервалу [20]

$$\hbar/m_1 c \ll (\mu_{23}/m_1)^{1/2} R. \quad (46)$$

Ця умова обмежує масу легкої частинки знизу і разом із нерівністю (40) записується у вигляді

$$2b/c^2 \ll m_1 \ll m_2, m_3. \quad (47)$$

А. Поляризаційний потенціал в імпульсному просторі при малих значеннях змінної переданого імпульсу

За умов (41) і (42) перші члени розкладу за степенями

$$x \equiv \frac{\sqrt{2\nu_1 b}}{p} = \sqrt{\frac{\nu_1}{\mu_{23}}} \frac{\kappa}{p}, \quad x' \equiv \frac{\sqrt{2\nu_1 b}}{p'} = \sqrt{\frac{\nu_1}{\mu_{23}}} \frac{\kappa}{p'}$$

інтегралів (27) і (38), що визначають коефіцієнтні функції $C_0^{(2)}$ (37) і C_1 (26) у виразі для поляризаційного потенціалу (39), мають вигляд

$$P_{\frac{1}{2}\frac{1}{2}}^{(1)}(\epsilon_p, \epsilon_{p'}) = P_2^{(1)} \frac{2\nu_1 b}{pp'} + O(x^3 x', x x'^3),$$

$$P_{lmn}(\epsilon_p, \epsilon_{p'}) = P_l \frac{(2\nu_1 b)^{m+n}}{p^{2m} p'^{2n}} + O(x^{2m+2} x'^{2n}, x^{2m} x'^{2n+2}),$$

$$P_{lmn}(\epsilon_p, \epsilon) = P_{ln}(\epsilon) \frac{(2\nu_1 b)^m}{p^{2m}} + O(x^{2m+2}),$$

$$P_{211}^{1/2}(\epsilon_p, \epsilon_{p'}, \epsilon) = O(x^2 x'^2),$$

$$\tilde{P}_{211}(\epsilon_p, \epsilon_{p'}, \epsilon) = O(x^2 x'^2), \quad (48)$$

$$Q_2^{(1)}(p, \epsilon) = \frac{\pi}{2} P_2^{(1)} \frac{\sqrt{2\nu_1 b}}{p} - P_2^{(1)1/2}(\epsilon) \frac{2\nu_1 b}{p^2} + O(x^4),$$

$$Q_l(p, \epsilon) = \frac{\pi}{2} P_l \frac{\sqrt{2\nu_1 b}}{p} - P_l^{1/2}(\epsilon) \frac{2\nu_1 b}{p^2} + O(x^4),$$

де, крім (15) і (33), використані позначення

$$P_l^{1/2}(\epsilon) = b^{l-\frac{5}{2}} \int_0^\infty \frac{k^2 dk}{2\pi^2} \frac{\left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon\right)^{1/2} u^2(k)}{\left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b\right)^l},$$

$$P_2^{(1)1/2}(\epsilon) = 2\mu_{23} b^{1/2} \int_0^\infty \frac{k^2 dk}{2\pi^2} \frac{\{[u'(k)]^2 - 2u(k)u'(k)/k - u(k)u''(k)\} \left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b - \epsilon\right)^{1/2}}{\left(\frac{k^2}{2\mu_{23}} + b\right)^2}. \quad (49)$$

Для коефіцієнтних функцій перші члени розкладу за степенями $\sqrt{2\nu_1 b}/p$, що відповідають (44), записуються у вигляді

$$C_0^{(2)}(p, p'; \epsilon) = -\frac{\pi}{6} \frac{m_3 \sqrt{2\nu_1}}{m_2 m_{23}} \frac{1}{b^{3/2}} (\epsilon_1 \epsilon_2)^2 \left\{ 4\pi r_0^2 \kappa^2 \sqrt{2\nu_1 b} \left(\frac{1}{p} + \frac{1}{p'}\right) - 2\nu_1 b n_0(\epsilon) \left(\frac{1}{p^2} + \frac{1}{p'^2}\right) + O(x^4, x'^4) \right\}, \quad (50)$$

$$C_1(p, p'; \epsilon) = \frac{4}{3} \pi^2 \frac{m_3^2}{m_{23}^2} \frac{(\epsilon_1 \epsilon_2)^2}{b} r_0^2 \left\{ \frac{2\nu_1 b}{pp'} + O(x^3 x', x x'^3) \right\},$$

де введено позначення

$$n_0(\epsilon) = P_2^{(1)1/2}(\epsilon) + 2P_3^{1/2}(\epsilon) + 4P_4^{1/2}(\epsilon) + \frac{1}{2}P_{1\frac{3}{2}}(\epsilon) - \frac{3}{2}P_{2\frac{1}{2}}(\epsilon) - \frac{1}{2}P_{2\frac{3}{2}}(\epsilon).$$

Підставляючи головні члени розкладів коефіцієнтних функцій (50) у (39), одержимо формулу для поляризаційного потенціалу у проміжній ділянці значень змінних імпульсів p і p' (44)

$$\langle \mathbf{P} | V^P(\epsilon) | \mathbf{P}' \rangle_{|\mathbf{P}-\mathbf{P}'| \rightarrow 0} = -\frac{8}{3}\pi^2 m_1 \left(\frac{m_3}{m_{23}} \right)^2 (\epsilon_1 \epsilon_2)^2 r_0^2 \left[\left(\frac{1}{p} + \frac{1}{p'} \right) - \frac{|\mathbf{P}-\mathbf{P}'|}{pp'} \right] + \dots \quad (51)$$

Перший член виразу у квадратних дужках (51) описує чисто нелокальну далекоюсяжну взаємодію, що присутня лише в S -хвильовому орбітальному стані. Така взаємодія знайдена в нашій праці вперше. Другий член в (51) описує змішану далекоюсяжну взаємодію у вигляді добутку локального й нелокального факторів, що є у всіх парціальних станах. Наявність останньої на проміжних відстанях (з точністю до членів, пропорційних $(\epsilon_1 \epsilon_2)^4$ включно) уперше встановлена в попередній нашій праці [13]. Цікаво, що обидва члени потенціалу мають однакову силу, яка відповідно [4] лінійно залежить від маси легкої частинки m_1 , квадрата добутку зарядів частинки й комплексу та середнього квадрата радіуса двочастинкового комплексу. Проте, на відміну від результату, одержаного в [4], наш поляризаційний потенціал (51) виявляється істотно нелокальним і діє у всіх орбітальних станах.

S -хвильова компонента поляризаційного потенціалу (51) має вигляд

$$\langle \mathbf{P} | V_0^P(\epsilon) | \mathbf{P}' \rangle_{|\mathbf{P}-\mathbf{P}'| \rightarrow 0} = -\frac{8}{3}\pi^2 m_1 \left(\frac{m_3}{m_{23}} \right)^2 (\epsilon_1 \epsilon_2)^2 r_0^2 \left\{ \frac{1}{p} + \frac{1}{p'} - 2 \frac{2(p^2 + p'^2) + (p + p') |p - p'|}{3p [p + p' + |p - p'|] p'} \right\}. \quad (52)$$

В. Узагальнення на випадок довільних значень змінної переданого імпульсу

Узагальнім одержану формулу для поляризаційної взаємодії легкої зарядженої частинки і двочастинкового комплексу (51) на випадок довільних величин змінної переданого імпульсу $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|$. Виходимо із загального виразу для поляризаційного потенціалу (24), беручи до уваги (21). Обмежимося, як і в попередньому підрозділі, урахуванням членів, що є квадратними щодо добутку зарядів $\epsilon_1 \epsilon_2$.

У розгляданій задачі про розсіяння легкої зарядженої частинки на двочастинковому комплексі апроксимуємо, згідно з (40) і (41), вільну функцію Гріна $G_0(E)$ у виразах для кулонівської матриці переходу $T_{12}^C(E)$ (13), формфактора $G_{00}(\mathbf{q}, \epsilon_p)$ (36) і функцій $P_{21}(\epsilon_p)$ і $P_{11}(\epsilon_p)$ (15), що містяться в підінтегральних виразах (34) і (35) для $\bar{U}_{00}^{(0)}$ і $U_{00}^{(1)}$, нехтуючи кінетичною енергією відносного руху складових частинок комплексу порівняно з кінетичною енергією частинки, що налітає, відносно центра мас комплексу. У результаті для поляризаційного потенціалу знаходимо

$$\langle \mathbf{p} | V^P(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle = -32\pi^2 m_1 (\epsilon_1 \epsilon_2)^2 \int \frac{d\mathbf{p}''}{(2\pi)^3} \frac{[F_{00}(\mathbf{p} - \mathbf{p}') - F_{00}(\mathbf{p} - \mathbf{p}'') F_{00}(\mathbf{p}'' - \mathbf{p}')] }{(\mathbf{p} - \mathbf{p}'')^2 [p''^2 + 2\nu_1(b - \epsilon) - i0] (\mathbf{p}'' - \mathbf{p}')^2}. \quad (53)$$

У граничному випадку асимптотично малої величини змінної переданого імпульсу, $|\mathbf{p} - \mathbf{p}'| \rightarrow 0$, кулонівські сингулярності в підінтегральному виразі (53) збігаються і їхні внески в інтеграл є домінуючими. Ураховуючи тоді перші члени розкладу гладких формфакторних функцій у чисельнику за степенями малих значень переданих імпульсів, зводимо вираз (53) до комбінації інтегралів Льюїса [21] і в результаті знаходимо (коли $\epsilon \leq b$)

$$\begin{aligned} \langle \mathbf{p} | V^P(\epsilon) | \mathbf{p}' \rangle_{|\mathbf{p}-\mathbf{p}'| \rightarrow 0} = & -\frac{16}{3}\pi m_1 \left(\frac{m_3}{m_{23}} \right)^2 (\epsilon_1 \epsilon_2)^2 r_0^2 \left\{ \frac{1}{p} \arctan \left(\frac{p}{\zeta} \right) + \frac{1}{p'} \arctan \left(\frac{p'}{\zeta} \right) \right. \\ & \left. - \frac{|\mathbf{p} - \mathbf{p}'|}{(p^2 p'^2 + 2\zeta^2 \mathbf{p}\mathbf{p}' + \zeta^4)^{1/2}} \arctan \left[\frac{(p^2 p'^2 + 2\zeta^2 \mathbf{p}\mathbf{p}' + \zeta^4)^{1/2}}{\zeta |\mathbf{p} - \mathbf{p}'|} \right] \right\}, \end{aligned} \quad (54)$$

де $\zeta^2 \equiv 2\nu_1(b - \epsilon)$. Нехтуючи ζ , із (54) отримуємо вираз (51).

С. Поляризаційний потенціал у конфігураційному просторі

У конфігураційному просторі формула (53) для поляризаційного потенціалу взаємодії легкої частинки з комплексом (для значень ρ і ρ' , обмежених нерівністю (45)) має вигляд

$$\langle \boldsymbol{\rho} | V^P(\epsilon) | \boldsymbol{\rho}' \rangle = \langle \boldsymbol{\rho} | g_0(\epsilon - b) | \boldsymbol{\rho}' \rangle [W^C(\boldsymbol{\rho}, \boldsymbol{\rho}') - V^C(\boldsymbol{\rho}) V^C(\boldsymbol{\rho}')], \quad (55)$$

де

$$\begin{aligned} \langle \rho | g_0(\epsilon - b) | \rho' \rangle &= -\frac{m_1 \exp(i\xi |\rho - \rho'|)}{2\pi |\rho - \rho'|}, \quad \epsilon - b = \frac{\xi^2}{2m_1}, \\ V^C(\rho) &= \int d\mathbf{r} \psi_0(\mathbf{r}) v_{12}^C \left(-\frac{m_3}{m_{23}} \mathbf{r} - \rho \right) \psi_0(\mathbf{r}), \\ W^C(\rho, \rho') &= \int d\mathbf{r} \psi_0(\mathbf{r}) v_{12}^C \left(-\frac{m_3}{m_{23}} \mathbf{r} - \rho \right) v_{12}^C \left(-\frac{m_3}{m_{23}} \mathbf{r} - \rho' \right) \psi_0(\mathbf{r}). \end{aligned} \quad (56)$$

За умови, що значення радіусів-векторів ρ і ρ' перевищують розмір двочастинкового комплексу (що, зокрема, виконується і для значень ρ і ρ' у проміжному інтервалі (45)), можливо застосувати мультипольний розклад фактора $|(m_3/m_{23})\mathbf{r} + \rho|^{-1}$ у підінтегральних виразах для $V^C(\rho)$ і $W^C(\rho, \rho')$. Тоді формула (55) для поляризаційного потенціалу взаємодії легкої частинки і двочастинкового комплексу (що знаходиться у S -хвильовому стані) на проміжних відстанях (45) набуває вигляду

$$\langle \rho | V^P(\epsilon) | \rho' \rangle = -\frac{m_1 (\epsilon_1 \epsilon_2)^2 \exp(i\xi |\rho - \rho'|)}{2\pi |\rho - \rho'|} \sum_{\lambda=1}^{\infty} \frac{1}{2\lambda + 1} \left(\frac{m_3}{m_{23}} \right)^{2\lambda} \frac{\langle r^{2\lambda} \rangle}{(\rho \rho')^{\lambda+1}} P_\lambda(\hat{\rho} \cdot \hat{\rho}'), \quad (57)$$

де $\langle r_{2\lambda} \rangle \equiv \langle \psi_0 | r_{2\lambda} | \psi_0 \rangle$, а $\hat{\rho} \equiv \rho/\rho$ позначає одиничний вектор уздовж ρ .

Найбільш далекою частиною поляризаційного потенціалу, що відповідає дипольному ($\lambda = 1$) членові мультипольного розкладу (57), описується виразом

$$\langle \rho | V^P(\epsilon) | \rho' \rangle_d = -\frac{2}{3\pi} m_1 \left(\frac{m_3}{m_{23}} \right)^2 (\epsilon_1 \epsilon_2)^2 r_0^2 \frac{(\hat{\rho} \cdot \hat{\rho}') \exp(i\xi |\rho - \rho'|)}{\rho^2 |\rho - \rho'| \rho'^2}. \quad (58)$$

Виведений поляризаційний потенціал (58) діє у всіх орбітальних станах,

$$\begin{aligned} \langle \rho | V^P(\epsilon) | \rho' \rangle_d &= \sum_{l=0}^{\infty} \langle \rho | V_l^P(\epsilon) | \rho' \rangle_d P_l(\hat{\rho} \cdot \hat{\rho}'), \\ \langle \rho | V_l^P(\epsilon) | \rho' \rangle_d &= -\frac{2i}{3\pi} m_1 \left(\frac{m_3}{m_{23}} \right)^2 (\epsilon_1 \epsilon_2)^2 r_0^2 \xi \frac{1}{\rho^2 \rho'^2} \sum_{L=0}^{\infty} (2L + 1) (L100 | l0)^2 j_L(\xi \rho_{<}) h_L^{(1)}(\xi \rho_{>}). \end{aligned} \quad (59)$$

S -хвильова компонента поляризаційного потенціалу (59) має вигляд

$$\langle \rho | V_0^P(\epsilon) | \rho' \rangle_d = -\frac{2i}{3\pi} m_1 \left(\frac{m_3}{m_{23}} \right)^2 (\epsilon_1 \epsilon_2)^2 r_0^2 \xi \frac{1}{\rho^2 \rho'^2} j_1(\xi \rho_{<}) h_1^{(1)}(\xi \rho_{>}). \quad (60)$$

При підпороговому розсіянні легкої частинки ($\epsilon \leq b$, $\xi = i\zeta$) аргументи сферичних функцій Бесселя в (60), згідно з умовою (45), є малими величинами ($\zeta \rho, \zeta \rho' \ll 1$), і вираз (60) для S -хвильової компоненти поляризаційного потенціалу спрощується до вигляду

$$\langle \rho | V_0^P(\epsilon) | \rho' \rangle_d = -\frac{16}{9\pi} m_1 \left(\frac{m_3}{m_{23}} \right)^2 (\epsilon_1 \epsilon_2)^2 r_0^2 \frac{1}{\rho [\rho + \rho' + |\rho - \rho'|]^3 \rho'}. \quad (61)$$

Поляризаційний потенціал взаємодії між легкою зарядженою частинкою і двочастинковим комплексом у проміжній ділянці, виведений у цій праці як в імпульсному, (51), (53), так і в конфігураційному, (57)–(60), просторах, є істотно нелокальним і діє у всіх орбітальних станах. Відповідні S -хвильові компоненти поляризаційного потенціалу мають вигляд (52) і (61).

Форма виведеного потенціалу виявляється незалежною від специфічної моделі внутрішньої взаємодії частинок усередині комплексу і визначається зовнішньою кулонівською парною взаємодією v_{12}^C . Величина поляризаційного потенціалу пропорційна масі легкої зарядженої частинки, що налітає, m_1 , квадратів добутку зарядів частинки й комплексу, $(e_1 e_2)^2$, і середньому квадратів радіуса “орбіти” зарядженої частинки комплексу, $[(m_3/m_{23})r_0]^2$, згідно з результатом [4]. Конкретний вигляд потенціалу внутрішньої взаємодії лише незначно впливає на величину поляризаційного потенціалу через середній квадрат радіуса комплексу, r_0^2 .

Зауважимо, що специфічна нелокальна далекодія виведеного поляризаційного потенціалу в конфігураційному просторі (формули (58)–(61)) суттєво відрізняється від відповідного локального результату, одержаного в [4] із застосуванням додаткової наближеної процедури. Хоча така процедура й забезпечує локальний вигляд результату в [4], однак її застосування означає відхід від загальноживаного означення ефективного (оптичного) потенціалу [1,2].

VIII. ОБГОВОРЕННЯ РЕЗУЛЬТАТІВ І ВИСНОВКИ

У цій праці вивчено поведінку поляризаційного потенціалу взаємодії між легкою зарядженою частинкою і двочастинковим зв'язаним комплексом, що складається із зарядженої й нейтральної частинок, на проміжних відстанях, які перевищують розміри комплексу, але обмежені зверху (нерівністю (44) в імпульсному або (45) в конфігураційному просторах). Дослідження ґрунтується на тричастинковому формалізмі й означенні Ватсона–Фешбаха ефективною взаємодією, що забезпечує однозначне виведення поляризаційного потенціалу між частинкою й комплексом за умови задання певних парних взаємодій між частинками.

Для довільних мас частинок уперше одержано вираз для коефіцієнтної функції $C_0^{(2)}(p, p', \epsilon)$ (пропорційної $(e_1 e_2)^2$) — частини поляризаційного потенціалу, що не залежить від змінної переданого імпульсу й визначає цілком нелокальну частину поляризаційної взаємодії.

Одержано нові формули для далекосяжної частини поляризаційного потенціалу на проміжних відстанях в імпульсному, (51)–(53), і конфігураційному, (57)–(61), просторах, коли заряджена частинка, що налітає, має масу значно меншу, ніж маси частинок комплексу.

Знайдено, що навколодіагональна ($|\mathbf{p} - \mathbf{p}'| \rightarrow 0$) частина матриці поляризаційного потенціалу в проміжній ділянці (44) імпульсного простору складається з двох членів (формула (51)), один з яких описує цілком нелокальну взаємодію у S -хвильовому орбітальному стані, а інший — змішану взаємодію у вигляді добутку локального та нелокального факторів, що наявний у всіх парціальних орбітальних станах. Обидві взаємодії мають однакову силу, що виявляється пропорційною масі легкої частинки m_1 , яка налітає, квадратів добутку зарядів частинки й комплексу $(e_1 e_2)^2$ і середньому квадратів радіуса “орбіти” зарядженої частинки комплексу $(m_3/m_{23})^2 r_0^2$.

Істотно, що специфічна форма навколодіагональної частини (51) матриці нелокального поляризаційного потенціалу зовсім не залежить від конкретного вигляду парного потенціалу взаємодії всередині комплексу, а визначається зовнішньою кулонівською парною взаємодією v_{12}^C . Сила поляризаційного потенціалу взаємодії, проте, слабо залежить від форми внутрішнього потенціалу взаємодії через вплив останнього на величину середнього квадрата радіуса комплексу r_0^2 .

Формула для навколодіагональної частини матриці поляризаційної взаємодії легкої зарядженої частинки й комплексу (51) узагальнена для довільної величини змінної переданого імпульсу. Відповідний результат має вигляд (53) в імпульсному і (55) в конфігураційному просторах. На відстанях між частинкою й комплексом, що перевищують розмір комплексу, формула для поляризаційного потенціалу (55) в результаті мультипольного розкладу спрощується до вигляду (57). Найбільш далекосяжна на інтервалі проміжних відстаней (45) частина поляризаційного потенціалу описується виразом (58).

Установлена специфічна нелокальна взаємодія ϵ у проміжній ділянці координат (45) (або імпульсів (44)). На асимптотично великих відстанях у конфігураційному просторі, ($\rho \gg (\mu_{23}/m_1)^{1/2} R$), що в імпульсному просторі відповідає малій невизначеності величин змінних імпульсів \mathbf{p}, \mathbf{p}' (щодо асимптотичного імпульсу \mathbf{p}_0), $p, p' \rightarrow p_0$, стає застосовним звичайне адіабатне наближення, а поляризаційний потенціал набуває відомого локального вигляду $1/\rho^4$ [9,11,13].

Одержані результати мають теоретичне значення у зв'язку з розв'язанням квантовомеханічної проблеми трьох частинок за наявності кулонівської взаємодії, а також можуть бути застосовані до опису взаємодії мюонів (або піонів) з дейтроном або з іншим двокластерним ядром чи гіпер'ядром (зокрема при дослідженні мюонного каталізу), а також до опису взаємодії лептонів з молекулярними комплексами з атомів та йонів.

- [1] С. J. Joachain, *Quantum collision theory* (North-Holland — American Elsevier, Amsterdam — New-York, 1975).
- [2] М. Гольдбергер, К. Ватсон, *Теория столкновений* (Мир, Москва, 1967).
- [3] Л. Д. Фаддеев, *Математические вопросы квантовой теории рассеяния для системы трех частиц* (Труды Матем. ин-та им. В. А. Стеклова, т. 69) (Издательство АН СССР, Москва, 1963).
- [4] Д. А. Киржниц, Ф. М. Пеньков, Письма журн. эксп. теор. физ. **37**, 129 (1983); Журн. эксп. теор. физ. **85**, 80 (1983).
- [5] Д. А. Киржниц, в *Проблемы теоретической физики и астрофизики. Сборник статей, посвященный 70-летию В. Л. Гинзбурга*, под ред. Л. В. Келдыш, В. Я. Файнберг (Наука, Москва, 1989), с. 225.
- [6] J. R. Manson, R. H. Ritchie, Phys. Rev. Lett. **54**, 785 (1985); **57**, 261 (1986).
- [7] С. К. Ау, R. J. Drachman, Phys. Rev. Lett. **56**, 324 (1986); **57**, 262 (1986).
- [8] В. Ф. Харченко, С. А. Шадчин, Яд. физ. **45**, 333 (1987).
- [9] V. F. Kharchenko, S. A. Shadchin, S. A. Permyakov, Phys. Lett. B **199**, 1, (1987).
- [10] V. F. Kharchenko, S. A. Shadchin, Few Body Systems **6**, 45 (1989).
- [11] V. F. Kharchenko, S. A. Shadchin, preprint ITP-93-24E (Kyiv, 1993).
- [12] В. Ф. Харченко, С. О. Шадчин, Укр. фіз. журн. **42**, 11 (1997).
- [13] В. Ф. Харченко, С. О. Шадчин, Укр. фіз. журн. **42**, 912 (1997).
- [14] N. C. Francis, K. M. Watson, Phys. Rev. **92**, 291 (1953).
- [15] H. Feshbach, Ann. Phys. (N. Y.) **5**, 357 (1958); **19**, 287 (1962).
- [16] E. O. Alt, A. M. Mukhamedzhanov, Phys. Rev. A **51**, 3852 (1995).
- [17] S. A. Shadchin, V. F. Kharchenko, J. Phys. B **16**, 1319 (1983).
- [18] V. A. Fock, Z. Phys. **98**, 145 (1935).
- [19] С. А. Стороженко, С. А. Шадчин, Теор. мат. физ. **76**, 339 (1988).
- [20] Д. А. Киржниц, Ф. М. Пеньков, Усп. физ. наук **141**, 552 (1983).
- [21] R. R. Lewis, Phys. Rev. **102**, 537 (1956).

THREE-BODY THEORY OF THE POLARIZATION INTERACTION BETWEEN A LIGHT CHARGED PARTICLE AND TWO-BODY COMPLEX AT INTERMEDIATE DISTANCES

V. F. Kharchenko

*Bogolyubov Institute for Theoretical Physics, National Academy of Science of Ukraine
14b Metrolohichna Str., Kyiv, 03143, Ukraine*

On the basis of the general three-body formalism and the Watson-Feshbach definition of the effective (optical) potential, the behaviour of the polarization potential of the interaction between a light charged particle and two-body complex is investigated in a range of distances exceeding the size of the complex but bounded from above. The polarization potential in the range of variables is found to have a specific non-local long-range behaviour in all the orbital states. New analytical expressions for the kernel of the non-local operator of the polarization potential in the intermediate range of variables is derived in both the momentum and configuration spaces. The shape of the polarization potential in the range is shown to be fully determined by the Coulomb pair interaction and to be independent on the form of the interaction between particles inside the complex. The strength of the polarization interaction potential in the intermediate range appears to be proportional to the mass of the light charged incident particle and to the mean square radius of the complex.