## ОПТИЧНІ ВЛАСТИВОСТІ НЕВПОРЯДКОВАНИХ АЛМАЗОПОДІБНИХ ТВЕРДИХ РОЗЧИНІВ ЗАМІЩЕННЯ $Ge_{1-x}Si_x$ , $Ge_{1-x}Sn_x$ , $Si_{1-x}Sn_x$ , $Si_{1-x}C_x$ ТА ТОНКИХ ПЛІВОК НА ЇХ ОСНОВІ

Ю. Г. Королюк, В. Г. Дейбук, Я. І. Виклюк

Чернівецький національний університет імені Ю. Федьковича, вул. Коцюбинського, 2, Чернівці, 58012, Україна

(Отримано 17 березня 2003 р.; в остаточному вигляді — 11 вересня 2003 р.)

Досліджено методом локального модельного псевдопотенціялу, з урахуванням композиційної та позиційної невпорядкованости атомів, електронну зону структуру та розраховано на її основі діелектричні функції для  $Ge_{1-x}Si_x$ ,  $Ge_{1-x}Sn_x$ ,  $Si_{1-x}Sn_x$ ,  $Si_{1-x}C_x$  об'ємних та біаксіяльно деформованих твердих розчинів заміщення. Пояснено вплив різних механізмів розупорядкування та деформацій на особливості поведінки діелектричної функції, що були виявлені експериментально.

**Ключові слова:** псевдопотенціял, позиційна, композиційна невпорядкованість, локальні, біаксіяльні деформації.

PACS number(s): 68.65.+g

#### I. ВСТУП

Останнім часом зросло активне дослідження ізовалентних сплавів на основі елементів IV групи як можливих кандидатів для створення інфрачервоних детекторів і фотоприймачів. Основною перевагою пристроїв на основі цих матеріялів є більша рухливість носіїв порівняно зі сплавами на основі сполук А<sup>3</sup>В<sup>5</sup> та A<sup>2</sup>B<sup>6</sup>, сумісність з добре розробленими кремнієвою та ґерманієвою технологіями створення приладів. Ще однією перевагою є поява прямозонности в електронних властивостях деяких ізовалентних твердих розчинів IV групи, що розширює межі їх застосування в сучасній напівпровідниковій промисловості. До таких належать сплави  $\operatorname{Ge}_{1-x}\operatorname{Sn}_x$ ,  $\operatorname{Si}_{1-x}\operatorname{Sn}_x$ . Це нові матеріяли, термодинамічно нестабільні майже по всьому діяпазону x і не здатні сформувати тверді розчини заміщення в рівноважних умовах. Для їх отримання найбільш реальним є використання нерівноважних технологій вирощування, які обмежують процеси сеґрегації та підвищують розчинність компонент. Такими технологіями є молекулярно-променева епітаксія й лазерна кристалізація [1]. Усі вказані тверді розчини елементів IV групи мають межі розчинности. В [2] ми показали розширення ділянок розчинности в біаксіяльно деформованих твердих розчинах  $\operatorname{Ge}_{1-x}\operatorname{Si}_x$ ,  $Ge_{1-x}Sn_x$ ,  $Si_{1-x}Sn_x$ ,  $Si_{1-x}C_x$ , а також підвищення їхньої стабільности внаслідок релаксацій напруг на дислокаціях неузгоджености.

Нещодавно відновлено інтерес до  $Ge_{1-x}Si_x$  сплавів та надґраток на їх основі [1, 3]. Неузгодженість постійних ґраток ґерманію і кремнію дорівнює ~4%. Тому напруги й деформації, що виникають при формуванні цього твердого розчину, впливають на зонну структуру і властивості переносу [4]. Щобільше, вирощуючи Ge–Si шари на різних підкладках і варіюючи їх товщину, можна значно модифікувати електронні й оптичні властивості цього матеріялу [5]. Тепер гетероструктури на основі  $Ge_{1-x}Si_x/Si$  широко використовують для отримання біполярних гетеротранзисто-

рів [6], детекторів оптоволоконних ліній зв'язку [7], 2-12 мм інфрачервоних детекторів для дворозмірних площинних матриць нічного бачення й термобачення [8], інфрачервоних емітерів для чіп-в-чіп оптичного зв'язку в оптоволоконних комунікаціях [9, 10], хвильових модуляторах та ін. Але  $\operatorname{Ge}_{1-x}\operatorname{Si}_x/\operatorname{Si}$  як матеріял напівпровідникової електроніки має низку недоліків, що обмежують його практичне використання. Це передусім наявність критичної товщини, яка знижує термодинамічну стабільність плівки  $\operatorname{Ge}_{1-x}\operatorname{Si}_x/\operatorname{Si}$ за рахунок появи дислокацій неузгоджености. Так, при 20% Се в розчині, що відповідає зміні ширини забороненої зони ~150 меВ, критична товщина становить  $\sim 15$  нм [11]. Це значно обмежує можливість створення IЧ-детекторів на основі  $Ge_{1-x}Si_x$  по всьому діяпазоні x. Практичне отримання плівки  $Ge_{1-x}Si_x$ на домірній підкладці Si обмежується вмістом компоненти Ge менше 70% [12]. На сьогодні труднощі, пов'язані з існуванням дислокацій неузгодженности в плівках цих матеріялів, розв'язують уведенням буферних шарів(з постійною ґратки дещо більшою, ніж у підкладки) між підкладкою Si та плівкою  $Ge_{1-x}Si_x$ [13, 14]. Значним недоліком матеріялів є і далі висока технологічна температура отримання, що унеможливлює нанометрову точність внесення домішок для створення високоякісних гетеропереходів [15, 16].

Наявність мінімуму нижньої зони провідности  $\alpha$ -Sn в точці Г дозволяє сподіватися на отримання прямозонних сплавів Ge<sub>1-x</sub>Sn<sub>x</sub>. Проте в об'ємному випадку вони нестабільні. Це пояснюється тим, що компонента  $\alpha$ -Sn є стабільною тільки при температурах нижчих за 13.2°C, рівноважна розчинність Sn в Ge менша за 1% [17], крім цього, олово є високолетким атомом у ґерманієвій підґратці, що приводить до значної поверхневої сеґреґації. Однак, незважаючи на це, нещодавно були отримані епітаксіяльні плівки Ge<sub>1-x</sub>Sn<sub>x</sub>/Ge(001) з 0  $\leq x \leq 0.26$  методом низькотемпературної молекулярно-променевої епітаксії [18].

У твердому розчині  $Si_{1-x}Sn_x$  ґраткова неузгодженість компонент досягає ~17.9%. Псевдоморф-

ний шар Si<sub>0.96</sub>Sn<sub>0.04</sub> був вирощений [19] методом молекулярно-променевої епітаксії з товщиною шару 150 нм. Унаслідок унікальних електронних властивостей сплави на основі Si, Ge з кубічним Sn можуть широко використовуватися в електронних й оптоелектронних гетероструктурах для створення IЧ-детекторів, а також у лазерній техніці.

 $\alpha$ -С, як відомо, є широкозонним матеріялом ( $\Delta = 5.5 \text{ eB}$ ), що робить його вірогідним кандидатом для створення широкозонних матеріялів на основі Si та високоінтеґрованих з ним, що є важливим для створення оптоелектронних приладів, які працюють у високоенерґетичних хвильових діяпазонах. Але, на відміну від схожих стабільних систем Ge<sub>1-x</sub>Si<sub>x</sub>, ґраткова неузгодженість у Si<sub>1-x</sub>C<sub>x</sub> досягає ~41.6% і до того ж навіть в околі точки плавлення Si розчинність C не перевищує  $10^{-6}$  ат.% [17]. Нещодавно проблема високої нестабільности Si<sub>1-x</sub>C<sub>x</sub> була частково розв'язана [20]. Використовуючи метод твердофазної епітаксії, вдалося виростити псевдоморфний шар Si<sub>1-x</sub>C<sub>x</sub> з  $0 \le x \le 0.002$  і стабільну при  $T = 800^{\circ}$ С надґратку Si<sub>0.997</sub>Co.003.

Досягнуті успіхи в технології вирощування вказаних твердих розчинів дають змогу перейти до питань їх практичного використання. Останнє вимагає докладного знання особливостей їхньої електронної структури, яка є основою для розрахунку й розуміння електричних, оптичних та термодинамічних властивостей. Саме уміння розраховувати електронну структуру та оптичні характеристики напівпровідникових сплавів є важливою передумовою аналізу фізичних явищ, що спостерігаються як у вказаних матеріялах, так і в приладах на їх основі.

### **II. МЕТОДИКА РОЗРАХУНКУ**

Метод локального модельного псевдопотенціялу, який ми використали, порівняно з традиційними методами емпіричних псевдопотенціялів коректніше відображає електронні характеристики різноманітних напівпровідникових структур. У базисі плоских хвиль секулярна задача має вигляд [21] :

$$\det \left| \left( \frac{\hbar^2}{2m} \left( \mathbf{k} + \mathbf{G} \right)^2 - E(\mathbf{k}) \right) \delta_{G,G'} \delta_{S,S'} + V_{\text{ps}}(|\mathbf{G} - \mathbf{G}'|) \delta_{S,S'} + V_{\text{SO}}^{SS'}(\mathbf{G}, \mathbf{G}') \right| = 0, \quad (1)$$

де  $\mathbf{G}, \mathbf{G}'$  — вектори оберненої ґратки. Перший член відповідає кінетичній енергії, другий — локальному модельному псевдопотенціялові  $V_{\rm ps}(|\mathbf{G} - \mathbf{G}'|)$ , третій — спін-орбітальній взаємодії,

$$V_{\rm SO}^{SS'}(\mathbf{G}, \mathbf{G}') = (\mathbf{G} \times \mathbf{G}')\sigma_{S,S'} \left\{ -i\lambda^S \cos(\mathbf{G} - \mathbf{G}')\tau + \lambda^A \sin(\mathbf{G} - \mathbf{G}')\tau \right\},$$
(2)

де S та S' — спінові стани,  $\tau = (a/8)[1,1,1]$ , a — постійна ґратка,  $\sigma$  — матриця Паулі,  $\lambda^S$ ,  $\lambda^A$  — параметри спін-орбітальної взаємодії.

Урахуємо локальні деформації, що виникають у сплаві, доповнивши атомний псевдопотенціял  $v_{\alpha}(\mathbf{G})$  множником  $[1 + \delta v_{\alpha}(\varepsilon)]$  [22], тоді

$$V_{\rm PS}(\mathbf{G},\varepsilon) = \frac{1}{\Omega} \sum_{\alpha,n} \left\{ v_{\alpha}(|\mathbf{G}|) [1 + \delta v_{a}(\varepsilon)] \right\} \exp(i\mathbf{G}\mathbf{R}_{\alpha,n}),$$
(3)

де  $\varepsilon$  — відносна локальна деформація,  $\Omega$  — об'єм елементарної комірки,  $\mathbf{R}_{\alpha,n}$  — положення *n*-го атома сорту  $\alpha$  в елементарній комірці.

У лінійному за деформацією наближенні

$$\delta v_{\alpha}(\varepsilon) = \sum_{ij} a_{ij} \varepsilon_{ij}.$$
 (4)

Для структури алмазу виконуються умови  $a_{xx} = a_{yy} = a_{zz}, a_{ij} = 0$  при  $i \neq j$ .

Тоді (4) набере вигляду

$$\delta v_{\alpha}(\varepsilon) \propto \operatorname{Sp}(\varepsilon).$$
 (5)

Вибір функціональної форми екранованого псевдопотенціялу диктується умовою достатньої його гнучкости при описі якомога більшої кількости фізичних характеристик. При цьому кількість параметрів псевдопотенціялу має бути в розумних межах, а самі параметри не повинні значно змінюватись при оптимізації електронної структури. Виберемо псевдопотенціял у формі [23]:

$$\upsilon_{\alpha}(\mathbf{G}) = a_{0\alpha} \frac{\left(G^2 - a_{1\alpha}\right)}{a_{2\alpha} \exp(a_{3\alpha}G^2) - 1},\tag{6}$$

i

$$\delta v_{\alpha}\left(\varepsilon\right) = a_{4\alpha} \mathrm{Sp}\left(\varepsilon\right).$$
 (7)

Вплив температури на зонну структуру досліджуваних твердих розчинів ураховували за допомогою теорії Брукса–Ю [21].

Залежності постійних ґратки від концентрацій компонент у сплавах  $\text{Ge}_{1-x}\text{Si}_x$ ,  $\text{Ge}_{1-x}\text{Sn}_x$ ,  $\text{Si}_{1-x}\text{Sn}_x$ ,  $\text{Si}_{1-x}\text{C}_x$  ми розрахували раніше за допомогою методу молекулярної динаміки [24] і взяли до уваги при розрахунку зонної структури досліджуваних твердих розчинів. Позиційну невпорядкованість, яка пов'язана з локальною зміною положення атомів у релаксованому кристалі і приводить до локальних деформацій, ми враховували з допомогою поправки (7) у псевдопотенціялі.

Композиційну невпорядкованість, що виникає при утворенні сплавів заміщення, ми взяли до уваги на

основі [25]. Нехай атоми в ідеальному твердому розчині  $A_x B_{1-x}$  займають положення  $\mathbf{R}_j$ . Унаслідок композиційної невпорядкованости періодичний псевдопотенціял потрібно доповнити неперіодичним доданком  $V_R$ :

$$V(\mathbf{r}) = V_{\rm ps}(\mathbf{r}) + V_R(\mathbf{r}),\tag{8}$$

де

$$V_R(\mathbf{r}) = \sum_{j=1}^{N^3} a_j \Delta(\mathbf{r} - \mathbf{R}_j), \qquad (9)$$

 $a_j = 1 - x$ , якщо в положенні  $\mathbf{R}_j$  перебуває атом А, та  $a_j = -x$ , якщо в положенні  $\mathbf{R}_j$  є атом В,  $\Delta$  — різниця псевдопотенціялів атомів А і В. Враховуючи те, що різниця потенціялів  $\Delta$  є набагато меншою за самі атомні потенціяли, вплив ефектів композиційного розупорядкування можна вивчити, використовуючи теорію збурень. У першому порядку теорії збурень усереднені флюктуації композиційної невпорядкованости дають нульовий внесок, тому в другому порядку теорії збурень енерґетичні стани системи при наявності композиційної невпорядкованости можна виразити [25] так:

$$E_{n}(\mathbf{k}, x) = E_{n}^{(0)}(\mathbf{k}, x)$$
(10)

+ 
$$x(1-x)N^3 \sum_{n',k'} \frac{|\langle n, \mathbf{k}, x | \Delta | n', \mathbf{k}', x \rangle|}{E_n^{(0)}(\mathbf{k}, x) - E_{n'}^{(0)}(\mathbf{k}', x)},$$

де енергії  $E_n^{(0)}(\mathbf{k}, x)$  знайдені в наближенні віртуального кристала. При цьому припускаємо, що атоми A і В розподілені хаотично по вузлах ґратки, що відповідає ідеальному гомогенному сплаву, тобто виключається можливість кластеризації. Крім цього, в рівнянні (10) сумування йде за всіма можливими станами віртуального кристала. Отже, ми врахували два сплавні ефекти: композиційну та позиційну невпорядкованість при моделюванні зонної структури напівпровідникових твердих розчинів.

Основною метою нашої роботи є дослідити оптичні властивості подвійних твердих розчинів заміщення  $\operatorname{Si}_{1-x}\operatorname{C}_x$ ,  $\operatorname{Ge}_{1-x}\operatorname{Si}_x$ ,  $\operatorname{Ge}_{1-x}\operatorname{Sn}_x$ ,  $\operatorname{Si}_{1-x}\operatorname{Sn}_x$ . Відомо, що електронна зонна структура безпосередньо пов'язана з комплексною діелектричною функцією  $\varepsilon(E) = \varepsilon_1(E) + i\varepsilon_2(E)$ . Знання комплексної діелектричної функції дає змогу відшукати інші оптичні характеристики, зокрема показник заломлення середовища (n), коефіцієнт поглинання  $(\alpha)$ , коефіцієнт відбивання (R) та інші. Уявна частина діелектричної функції [21]:

$$\varepsilon_{2}(E) = \frac{4\pi^{2}\hbar^{2}e^{2}}{m^{2}E^{2}} \sum_{vc} \int_{ZB} \frac{2\,d\mathbf{k}}{\left(2\pi\right)^{3}} \cdot \left|\,\mathbf{e}\cdot\mathbf{M}_{VC}\left(\mathbf{k}\right)\,\right|^{2} \cdot \delta\left(E_{c}\left(\mathbf{k}\right) - E_{v}\left(\mathbf{k}\right) - E\right),\tag{11}$$

де

e

$$\mathbf{e} \cdot \mathbf{M}_{VC} \left( \mathbf{k} \right) = \left\langle \psi_{ck} \, | \, \mathbf{ep} \, | \psi_{vk} \right\rangle, \tag{12}$$

е — вектор поляризації, р — оператор імпульсу.

Сумували по станах валентних зон (v) і зон провідности (c). При підсумовуванні було враховано вісім верхніх валентних зон і чотири нижні зони провідности. Інтеґрування проводили за першою зоною Бріллюена методом тетраедерів [26], причому зона Бріллюена була розділена на 3000 рівновеликих тетраедерів. Матричні елементи (12) розраховували на отриманих власних псевдохвильових функціях і контролювали за допомогою правил відбору. При розрахунку  $\varepsilon_2(E)$  екситонних ефектів не враховували. Дійсну частину діелектричної функції знаходили з розв'язку інтеґральних співвідношень Крамерса–Кроніґа.

## III. РЕЗУЛЬТАТИ ТА ОБГОВОРЕННЯ

Процедура знаходження атомних псевдопотенціялів зводилися до розрахунку рівноважної електронної структури елементарних напівпровідників С, Si, Ge та Sn. Після цього коефіцієнти  $a_4$  вибирали так, щоб узгодити розраховані значення гідростатичних деформаційних потенціялів забороненої зони з експериментальними [27]. У таблиці 1 наведено значення псевдопотенціяльних параметрів  $a_0$ ,  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$ ,  $a_4$ , а також  $\lambda^S$ ,  $\lambda^A$ . Розраховані енерґетичні міжзонні віддалі для C, Si, Ge та Sn у деяких високосиметричних точках зони Бріллюена в порівнянні з експериментальними значеннями наведено в таблиці 2.

Параметр	$\alpha$ -C	Si	Ge	$\alpha$ -Sn				
$a_0,  \mathrm{eB}$	1.03	0.912	0.4865	0.38				
$a_1,  4\pi^2/a^2$	8.053	4.85	6.74	8.3				
$a_2$	3.93	2.98	4.414	4.397				
$a_3,  4\pi^2/a^2$	0.11	0.327	0.226	0.146				
$a_4$	1.2	1.6	0.8	2.255				
$\lambda^S$ , eB	0.00001	0.00024	0.0011	0.003				
$\lambda^A$ , eB	0.000016	0.00028	0.00012	0.003				
Transience a poemiting drammer								

Примітка: а — постійна ґратки.

Таблиця 1. Псевдопотенціяльні параметри.

Параметр	α-C		Si		Ge		$\alpha$ -Sn	
	Наші дані	Експ.	Наші дані	Експ.	Наші дані	Експ.	Наші дані	Експ.
$\Gamma_{15} \rightarrow \Gamma_{25'}$	7.19	7.2 [28]	2.994	3.4 [28]	0.83	0.8 [28]	0.012	0[28]
$X_1 \rightarrow X_4$	12.3	12.5 [28]	3.22		1.758	2.1 [28]	0.73	1.4 [28]
$L_1 \rightarrow L_{3'}$	12.5	12.5 [28]	4.27		4.3	4.3 [28]	3.56	3.6 [28]
$L_1 \to \Gamma_{25'}$	10.9	_	2.01	2 [28]	0.661	0.66 [28]	0.2	0.3 [28]
$X_1 \to \Gamma_{25'}$	12.7	_	1.097	1.2 [28]	1.21	1.2 [28]	2.335	
$a_g$	—3.9	-3.8 [27]	-1.98	-1.8 [27]	-2.3	-2.1 [27]	-0.04	-0.03 [28]

Таблиця 2. Енергії міжзонних переходів (в eB) у деяких високосиметричних точках зони Бріллюена та деформаційні потенціяли.

На рис. 1 показано уявну частину діелектричної функції для елементарних Si та Ge у порівнянні з експериментальними даними [29]. У структурі  $\varepsilon_2(E)$  для Si та Ge можна виділити такі особливості: край поглинання  $E_0$  починається з 0.793 еВ для Ge та 1.189 еВ для Si, за що відповідають переходи  $\Gamma_{25'} \to \Gamma_2$ . Далі у випадку Ge ми спостерігаємо спін-орбітально розщеплені піки  $E_1$  та  $E_1 + \Delta_1$  при енергіях 2.08 eB та 2.278 еВ відповідно. Подібне розщеплення спостерігали експериментально [30] з енергіями піків відповідно 2.2 та 2.4 еВ. На вказаній експериментальній залежності (рис. 1) [29] розщеплення не спостерігаємо у зв'язку з великим кроком вимірювань. Водночас узгодження положень отриманих піків  $E_1$  та  $E_1 + \Delta_1$  з експериментальним значенням [29] є задовільним. Для Si ми одержали нерозщеплений пік  $E_1$  з енергією 3.387 eB, що добре узгоджується з експериментальним піком  $E_1$  [29] 3.4 eB. У високоенерґетичній ділянці отримані критичні точки  $E_2(X_4 \to X_1, \Sigma_4 \to \Sigma_1)$  для Ge та Si відповідають 4.159 eB та 4.3 eB, тоді як експериментальні значення 4.2 eB та 4.357 eB [29]. Одержані дані для уявної частини діелектричної функції Si та Ge дають змогу перейти безпосередньо до розрахунку оптичних властивостей твердого розчину  $Ge_{1-x}Si_x$ .

На рис. 2 зображено розраховану концентраційну залежність піків  $E_1$  та  $E_2$  для об'ємного та біак-

оверу при  $x_c = 0.19$ , яка утворена зміною типу переходу в забороненій зоні з  $\Gamma_8^V - X_5^C$  на  $\Gamma_8^V - L_6^C$  (виміряне значення  $x_c = 0.15$  [31]) і проявляється в різкій зміні характеру поведінки  $E_g(x)$ . Нелінійна залежність  $E_1(x)$  в ділянці концентрацій x = 0.4 - 0.8 підтверджується експериментально [29]. При накладанні біаксіяльних деформацій отримано її посилення. Концентраційна залежність піка  $E_2$  в напих розрахунках має, на відміну від експерименту [29], нелінійну поведінку з чітко вираженим мінімумом при x = 0.4. Слід відзначити, що вплив позиційної невпорядкованости на діелектричну функцію сплаву  $\text{Ge}_{1-x}\text{Si}_x$ становить ~ 5–6% для обох піків  $E_1$  та  $E_2$  і приводить до їх зсуву в низькоенерґетичну ділянку. Вплив

композиційної невпорядкованости в цьому випадку виявився незначним( $\leq 1\%$ ), однак з його допомогою вдається пояснити прогин композиційної залежности забороненої зони у сплаві.

сіяльно деформованого твердого розчину заміщення

 $\operatorname{Ge}_{1-x}\operatorname{Si}_x$  у порівнянні з експериментальними даними

[29]. На залежності  $E_g(x)$ (рис. 2) навели точку крос-

На рис. З показали  $E_1(x)$  та  $E_2(x)$ для об'ємного  $\text{Ge}_{1-x}\text{Sn}_x$ та біаксіяльно деформованого  $\text{Ge}_{1-x}\text{Sn}_x/\text{Ge}$  сплаву. На цьому ж рисунку наведено експериментальні дані з міжзонних переходів  $\Gamma_{25'} \rightarrow L_1$  та  $\Gamma_{25'} \rightarrow \Gamma_{15'}$  для  $\text{Ge}_{1-x}\text{Sn}_x/\text{Ge}$  [32] у порівнянні з нашим роз-

рахунком  $E_g(x)$  для  $\operatorname{Ge}_{1-x}\operatorname{Sn}_x/\operatorname{Ge}$ . Отримана точка кросоверу  $x_C = 0.1$ , що відповідає за зміну типу переходу  $\Gamma_{25'} \to L_1$  на  $\Gamma_{25'} \to \Gamma_{15'}$ , підтверджується експериментально ( $x_C = 0.11$  [32]). Вплив позиційної невпорядкованости у сплаві  $\operatorname{Ge}_{1-x}\operatorname{Sn}_x \varepsilon$  істотнішим порівняно з  $\operatorname{Ge}_{1-x}\operatorname{Si}_x$  і становить близько 20% для обох піків  $E_1$  та  $E_2$ . Композиційна невпорядкованість при низьких концентраціях Sn є незначною і становить не більше 2%. Біаксіяльна деформація спричиняє зсув у низькоенерґетичну ділянку основних піків діелектричної функції, а також веде до майже лінійних залежностей  $E_1(x)$  та  $E_2(x)$ .



Рис. 1. Уявна частина діелектричної функції Ge та Si (*T* = 300 K): суцільні лінії — наші розрахунки; пунктирні — експериментальні дані [29].



Рис. 2. Концентраційна залежність піків  $E_1$ ,  $E_2$  та ширини забороненої зони  $E_g$  для об'ємного  $\text{Ge}_{1-x}\text{Si}_x$  та біаксіяльно деформованого  $\text{Ge}_{1-x}\text{Si}_x/\text{Si}$  сплавів: суцільна крива —  $\text{Ge}_{1-x}\text{Si}_x$ ; пунктирна крива —  $\text{Ge}_{1-x}\text{Si}_x/\text{Si}$ ; квадратні точки — експеримент [29]; круглі точки — експеримент [31].



Рис. 3. Концентраційна залежність піків  $E_1$ ,  $E_2$  та пирини забороненої зони  $E_g$  для об'ємного  $\text{Ge}_{1-x}\text{Sn}_x$ та біаксіяльно деформованого  $\text{Ge}_{1-x}\text{Sn}_x/\text{Ge}$  сплавів: суцільна крива —  $\text{Ge}_{1-x}\text{Sn}_x$ ; пунктирна крива —  $\text{Ge}_{1-x}\text{Sn}_x/\text{Ge}$ ; круглі точки — експериментальні дані переходу  $\Gamma_{25'} \rightarrow \Gamma_{15'}$  для  $\text{Ge}_{1-x}\text{Sn}_x/\text{Ge}$ [32]; квадратні точки — експериментальні дані переходу  $\Gamma_{25'} \rightarrow L_1$  для  $\text{Ge}_{1-x}\text{Sn}_x/\text{Ge}$ [32].



Рис. 4. Концентраційна залежність піків  $E_0$ ,  $E_1$  та  $E_2$  для об'ємного  $\text{Si}_{1-x}\text{Sn}_x$  та біаксіяльно деформованого  $\text{Si}_{1-x}\text{Sn}_x/\text{Si}$  сплавів: суцільна крива —  $\text{Si}_{1-x}\text{Sn}_x$ ; пунктирна крива —  $\text{Si}_{1-x}\text{Sn}_x/\text{Si}$ .

На відміну від двох попередніх твердих розчинів  $Ge_{1-x}Si_x$  та  $Ge_{1-x}Sn_x$  для  $Si_{1-x}Sn_x$  при накладанні на сплав біаксіяльних деформацій ми отримали зростання енерґії оптичних піків  $E_1$ та  $E_2$  порівняно з об'ємним сплавом, а для  $E_0$  — незначне пониження (рис .4). Це можна пояснити значною відмінністю деформаційних потенціялів різних енерґетичних зон Si та Sn. Вплив позиційної невпорядкованости на положення  $E_1$  та  $E_2$  для твердого розчину Si<sub>1-x</sub>Sn<sub>x</sub>не перевищує 29% та проявляється у зміні положення піків. Для  $E_0$  вказаний вплив є відносно незначним та становить ~ 5%.



Рис. 5. Концентраційна залежність піків  $E_0$ ,  $E_1$  та  $E_2$  для об'ємного  $\mathrm{Si}_{1-x}\mathrm{C}_x$  та біаксіяльно деформованого  $\mathrm{Si}_{1-x}\mathrm{C}_x/\mathrm{Si}$  сплаву: суцільна крива —  $\mathrm{Si}_{1-x}\mathrm{C}_x$ ; пунктирна крива —  $\mathrm{Si}_{1-x}\mathrm{C}_x/\mathrm{Si}$ .

Концентраційну залежність оптичних піків  $E_0, E_1,$ E<sub>2</sub> уявної частини діелектричної функції для об'ємного  $Si_{1-x}C_x$  та біаксіяльно деформованого  $Si_{1-x}C_x/Si$ ми показали на рис. 5. Як видно, характер залежностей є складним, що в цілому пояснюється складною поведінкою енергій міжзонних переходів у високосиметричних точках зони Бріллюена (наявність двох точок кросоверу) та значним впливом ґраткових неузгодженостей у сплаві  $Si_{1-x}C_x(\sim 41\%)$ . Слід відзначити, що біаксіяльна деформація сплаву на підкладці Si приводить до збільшення постійної ґратки сплаву в площині росту, на відміну від  $Ge_{1-x}Si_x/Si$ ,  $Ge_{1-x}Sn_x/Ge$  та  $Si_{1-x}Sn_x/Si$ , де є деформація стиску. Це спричиняє пониження енерґетичних положень оптичних піків  $E_1$  та  $E_2$ . Вплив позиційної невпорядкованости для Si<sub>1-x</sub>C<sub>x</sub> виявився найбільшим порівняно з попередніми сплавами і не перевищує 35%. Експериментально виміряні залежності  $E_1(x), E_2(x)$ для тонкої псевдоморфної плівки  $Si_{1-x}C_x/Si$  [33] в ділянці  $0 \le x \le 0.02$  наведені на рис. 6 у порівнянні з залежностями, які ми розрахували. Врахування механізму позиційної невпорядкованости на основі молекулярно-динамічного моделювання [24] зумовлює прогин залежности  $E_2(x)$ , що пояснює експериментально отриману поведінку [20]. Неврахування зазначеного механізму не дозволило авторам праці [20] коректно пояснити пониження положень піків  $E_1$  та Е2 в ділянці малих х. Слід відзначити надзвичайно складну природу утворення сплаву  $Si_{1-x}C_x$ , особливо в ділянці малих концентрацій компоненти C, де вдається отримувати цей матеріял. Велика різниця в розмірах атомів Si та C приводить до того, що вирощування  $Si_{1-x}C_x$  супроводжується переходами атомів у міжвузля. Це своєю чергою спричиняє значні трудноці в передбаченні властивостей цих сплавів. Як показали наші дослідження, такі труднощі деякою мірою вдається обійти лише комплексним поєднанням різних теоретичних методів дослідження, зокрема методу молекулярної динаміки та псевдопотенціялу.



Рис. 6. Концентраційна залежність піків  $E_0$ ,  $E_1$  та  $E_2$ для об'ємного  $\mathrm{Si}_{1-x}\mathrm{C}_x$  та біаксіяльно деформованого  $\mathrm{Si}_{1-x}\mathrm{C}_x/\mathrm{Si}$  сплаву: суцільна крива —  $\mathrm{Si}_{1-x}\mathrm{C}_x$ ; пунктирна крива —  $\mathrm{Si}_{1-x}\mathrm{C}_x/\mathrm{Si}$ ; круглі точки — експеримент  $E_2$  [33]; квадратні точки — експеримент  $E_1$  [33].

## **IV. ВИСНОВКИ**

У статті на основі отриманої методом локального модельного псевдопотенціялу енерґетичної структури розраховано діелектричну функцію алмазоподібних твердих розчинів заміщення  $Ge_{1-x}Si_x$ ,  $Ge_{1-x}Sn_x$ ,  $Si_{1-x}Sn_x$ ,  $Si_{1-x}C_x$ . Показано, що врахування позиційної невпорядкованости атомів у сплавах приводить до зсуву положень оптичних піків  $E_1$ та  $E_2$  в низькоенерґетичну ділянку. Вплив композиційної невпорядкованости є незначним і проявляється у збільшенні прогину концентраційних залежностей  $E_1(x)$  та  $E_2(x)$ . Врахування біаксіяльних деформацій у відповідних псевдоморфних плівках дало змогу пояснити наявні експериментальні залежності їхніх оптичних характеристик. Наші розрахунки систематизують у цілому картину фізичних властивостей розглянутих подвійних сплавів на основі елементів IV групи і проведені в дусі робіт з дослідження широко вивченого як теоретично, так і експериментально  $\operatorname{Ge}_{1-x}\operatorname{Si}_x[34, 35]$ .

- Ф. Ф. Сизов, Ю. Н. Козырев, В. П. Кладько и др., Физ. техн. полупр. **31**, 922 (1997).
- [2] V. G. Deibuk, Yu. G. Korolyuk, Semiconductors 5, 459(2002).
- [3] S. C. Jain, Germanium-Silicon Strained Layers and Heterostructures (Acad. Press, Boston, 1994).
- [4] R. People, J. Bean, Appl. Phys. Lett. 45, 1231 (1984).
- [5] C. Walle, R. Martin, Phys. Rev. B 34, 5621 (1986).
- [6] D. C. Ahlgren, M. Gilbert, D. Greenberg, et al, Tech. Dig. Int. Elec. Dev. Mtg, 859 (1996).
- [7] S. Luryi, T. P. Parasall, H. Temkin, J. C. Bean, IEEE Elec. Dev. Lett. EDL-7, 104 (1986).
- [8] T. L. Lin, J. Maserjian, Appl. Phys. Lett. 57, 1422 (1990).
- [9] Q. Mi, X. Xiao, J. C. Sturm, L. Lenchyshyn, M. L. W. Thewalt, Appl. Phys. Lett. 60, 3177 (1992).
- [10] H. Presting, T. Zinke, A. Splett, H. Kibbel, M. Jaros, Appl. Phys. Lett. 69, 2376 (1996).
- [11] D. C. Houghton, J.-P. Noel, N. L. Rowell, Proc. Symp. Mat. Res. Soc. 220, 299 (1991).
- [12] C. Van de Walle, Phys. Rev. B **34**, 5621 (1986).
- [13] Y. J. Mii, Y. H. Xie, E. A. Fitzegerald, D. Monreoe, F. A. Theil, B. E. Weir, L. C. Feldman, Appl. Phys. Lett. 59, 1611 (1991).
- [14] K. Ismail, S. Rishton, J. O. Chu, K. Chan, B. S. Meyerson, IEEE Elec. Dev. Lett. 14, 348 (1993).
- [15] E. J. Prinz, P. M. Garone, P. V. Schwartz, X. Xiao, J. C. Sturm, IEEE Elec. Dev. Lett. **12**, 42 (1991).
- [16] J. W. Slotboom, B. Streutker, A. Pruijmboom, D. J. Gravesteijn, IEEE Elec. Dev. Lett. 12, 486 (1991).
- [17] М. Хансен, К. Андерко, Структура двойных сплавов (Пер. с англ., Металлургия, Москва, 1962).
- [18] O. Gurdal, P. Desjardins, J. Appl. Phys. 83, 162 (1998).

- [19] A. Khan, P. Berger, Apll. Phys. Lett. 68, 3105 (1996).
- [20] S. Zollner, J. Appl. Phys. 78, 5209 (1995).
- [21] M. L. Cohen, J. R. Chelikowsky, *Electronic Structure and Optical Properties of Semiconductors* (Springer Verlag, Berlin, 1996).
- [22] T. Mattila, L. W. Wang, A. Zunger, Phys. Rev. B 59, 15270 (1999).
- [23] M. Schluter, J. R. Chelikowsky, S. G. Louis, M. L. Cohen, Phys. Rev. B 12, 4200 (1975).
- [24] Ю. Г. Королюк, В. Г. Дейбук, С. В. Мельничук, Вісн. Чернів. ун-ту. Фізика–Електроніка 76, 65 (2002).
- [25] A. Baldereschi, K. Maschke, Solid State Commun. 16, 99 (1975).
- [26] G. Lehnann, M. Taut, Phys. Status Solidi B 54, 469 (1972).
- [27] A. Blacha, H. Presting, M. Cardona, Phys. Status Solidi B 126, 11 (1984).
- [28] В. И. Гавриленко, А. М. Грехов, Д. В. Корбутяк, В. Г. Литовченко, Оптические свойства полупроводников: Справ. (Наук. думка, Київ, 1987).
- [29] J. Humlicek, M. Garriga, M. I. Alonso, M. Cardona, J. Appl. Phys. 65, 2827 (1988).
- [30] E. Shmidt, Phys. Status Solidi 27, 57 (1968).
- [31] R. Braunstein, A. R. Moore, F. Herman, Phys. Rev. 109, 695 (1958).
- [32] R. Ragan, S. Kyu, H. Atwater, Mater. Sci. Eng. 87, 204 (2001).
- [33] W. Kissinger, M. Weidner, H. Osten, M. Eichler, Appl. Phys. Lett. 65, 3356 (1994).
- [34] Ch. Van de Walle, R. Martin, Phys. Rev. B 8, 5621 (1986).
- [35] F. Tekia, M. Ferhat, A. Zaoui, Physica B 293, 183 (1999).

# OPTICAL PROPERTIES OF DISORDEED DIAMOND-LIKE SOLID SUBSTITUTIONAL SOLUTIONS $Ge_{1-x}Si_x$ , $Ge_{1-x}Sn_x$ , $Si_{1-x}Sn_x$ , $Si_{1-x}C_x$ AND THEIR THIN FILMS

Yu. G. Korolyuk, V. G. Deibuk, Ya. I. Vyklyuk Chernivtsi State University,
2 Kotsyubinskiy St., Chernivtsi, UA-58012, Ukraine

The electronic structure of bulk and biaxially deformed  $Ge_{1-x}Si_x$ ,  $Ge_{1-x}Sn_x$ ,  $Si_{1-x}Sn_x$ ,  $Si_{1-x}C_x$  solid substitutional solutions is calculated using the local model pseudopotential method as well as compositional and positional disorder. The influence of different types of disorder and deformations on the behaviour of dielectric function is explained having been studied experimentally.