ВПЛИВ ПОЗДОВЖНЬОГО МАГНЕТНОГО ПОЛЯ НА ТЕРМОДИНАМІЧНІ ВЛАСТИВОСТІ XXZ-МОДЕЛІ З МАГНЕТНОЮ АНІЗОТРОПІЄЮ ТИПУ ЛЕГКА ВІСЬ. НАБЛИЖЕННЯ ДВОЧАСТИНКОВОГО КЛАСТЕРА

Р. Р. Левицький, О. Р. Баран

Інститут фізики конденсованих систем Національної академії наук України вул. Свенціцького, 1, 79011, Львів (Отримано 4 грудня 2003)

У кластерному наближенні досліджено вплив поздовжнього магнетного поля на термодинамічні характеристики XXZ-моделі феромагнетика з анізотропією типу легка вісь. Установлено межі застосовности наближення двочастинкового кластера для цієї моделі на різних типах ґраток.

Ключові слова: ХХZ-модель, поздовжнє магнетне поле, кластерне наближення.

PACS number: 75.10.Jm

I. ВСТУП

У цій статті автори продовжують дослідження термодинамічних характеристик спін-1/2 XXZ-моделі, гамільтоніян якої має вигляд:

$$H = -\sum_{i=1}^{N} h S_{i}^{z}$$
(1.1)
$$-\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{N} \sum_{\delta=1}^{\Delta} K \Big[S_{i}^{z} S_{i+\delta}^{z} + \alpha \Big(S_{i}^{x} S_{i+\delta}^{x} + S_{i}^{y} S_{i+\delta}^{y} \Big) \Big].$$

Тут *h* — поздовжнє зовнішнє магнетне поле, *K* — короткосяжна взаємодія, α — параметр магнетної анізотропії, Δ — число найближчих сусідів, S_i^a (a = x, y, z)а компоненти оператора спіну на вузлі і. У попередніх публікаціях [1,2] встановлено, що для XXZмоделі феромагнетика (K > 0) з анізотропією типу легка вісь ($0 \le \alpha \le 1$) при інфінітезимальному поздовжньому полі $(h \rightarrow 0)$ задовільний опис основних термодинамічних функцій у позакритичній ділянці для одновимірного ланцюжка ($\Delta = 2$), двовимірних сотовидної ($\Delta = 3$) та квадратної ($\Delta = 4$) ґраток, а також тривимірних ґраток ($\Delta \ge 6$) можна отримати в наближенні двочастинкового кластера (НДК). Винятком є лише вузька низькотемпературна ділянка при значеннях магнетної анізотропії, коли модель близька до ізотропної моделі Гайзенберґа. Чим більше значення параметра α наближається до одиниці, тим ширшою є ця низькотемпературна ділянка, на якій НДК дає нефізичні результати. Це пов'язано з тим, що кластерне наближення некоректно враховує квантові флюктуації, які є суттєвими при низьких температурах [1–3]. Слід зауважити, що при значеннях параметрів Δ та α , за яких у системі зі зменшенням температури відбувається фазовий перехід із парамагнетної у феромагнетну фазу (для $\Delta \ge 6$ при $\alpha \le 1$; для $\Delta = 3$ та $\Delta = 4$ при $\alpha < 1$), температура, нижче від якої недоцільно використовувати кластерне наближення, є суттєво меншою від температури цього фазового переходу [1, 2].

Важливим є те, що НДК, яке є простим двочастинковим узагальненням наближення молекулярного поля, на відміну від нього, у випадку вказаних типів ґраток коректно реаґує на зміну параметра магнетної анізотропії та розмірности системи [1,4] (див. також рис. 1). Зокрема у випадку інфінітезимального магнетного поля в НДК не передбачається феромагнетного впорядкування при ненульових температурах для одновимірного ланцюжка при $0 \le \alpha \le 1$ і двовимірних сотовидної та квадратної ґраток при $\alpha = 1$, що є точним результатом.



Рис. 1. Фазові діяграми в площині температура $(t = 4 \frac{k_B T}{K\Delta})$ — магнетна анізотропія для сотовидної, квадратної та простої кубічної ґраток при інфінітезимальному поздовжньому полі, отримані в НДК [1,4] (суцільні лінії) та методом ренормалізаційних груп [5,6] (штрих). Температури фазових переходів для моделі Ізинґа та ізотропної моделі Гайзенберґа, отримані на основі техніки розвинень у ряди (трикутники, див. [5]) та точні (кружечки, див. [6,7]).

У цій роботі ми дослідимо вплив поздовжнього магнетного поля на термодинамічні властивості XXZмоделі феромагнетика з анізотропією типу легка вісь.

II. НАБЛИЖЕННЯ ДВОЧАСТИНКОВОГО КЛАСТЕРА

Вільна енергія XXZ-моделі з анізотропією типу легка вісь в НДК має вигляд [1]:

$$F = -k_{\rm B}TN\left[(1-\Delta)\ln\left(2\cosh(\frac{1}{2}\beta\tilde{\varkappa})\right)\right]$$
(2.2)

$$+\frac{\Delta}{2}\ln\left(2\mathrm{e}^{\beta K/4}L(\tilde{\varkappa})\right)];$$
$$L(\tilde{\varkappa}) = \cosh(\beta\tilde{\varkappa}) + \mathrm{e}^{-\beta K/2}\cosh(\beta\alpha K/2). \qquad (2.3)$$

Тут $\beta = (k_{\rm B}T)^{-1}$, $\tilde{\varkappa} = h + \varphi \Delta$, $\tilde{\tilde{\varkappa}} = h + \varphi (\Delta - 1)$. Для кластерного поля (варіяційного параметра) φ маємо рівняння [1]:

$$\operatorname{th}(\frac{1}{2}\beta\tilde{\varkappa}) = \frac{\sinh(\beta\tilde{\tilde{\varkappa}})}{L(\tilde{\tilde{\varkappa}})}, \qquad (2.4)$$

а для параметра порядку $m = 2\langle S^z \rangle$ — вираз:

$$m = \operatorname{th}(\frac{1}{2}\beta\tilde{\varkappa}) . \tag{2.5}$$

Розгляньмо тепер результати числового дослідження впливу поздовжнього магнетного поля h на термодинамічні характеристики XXZ-моделі з магнетною анізотропією типу легка вісь. При наборах параметрів моделі, за яких у випадку $h \to 0$ у системі відбувається температурний фазовий перехід із феромагнетної фази в парамагнетну, включення магнетного поля розмиває цей фазовий перехід (див. рис. 2). При низьких температурах поведінка термодинамічних характеристик є властивою феромагнетній фазі $(m(T) - \text{спадна, опукла вверх функція; <math>\chi^{-1}(T) - \text{спадна, опукла вниз функція; } \chi^{-1}(T) - \text{зростаюча}, а при високих — "парамагнетній" <math>(m(T) - \text{спадна, опукла вниз функція; } \chi^{-1}(T) - \text{зростаюча}, с(T) - \text{спадна}.$



Рис. 2. Температурні ($t = 4 \frac{k_{\rm B}T}{K\Delta}$) залежності намагнечености $m = 2\langle S^z \rangle$, оберненої статичної сприйнятливости χ^{-1} , ентропії S та теплоємности C для $\alpha = 0.5$, $\Delta = 4$ при різних значеннях магнетного поля $h/K \to 0$, h/K = 0.05, 0.5, 1.0. Результати НДК.

При наборах параметрів моделі, за яких у випадку інфінітезимального магнетного поля система при ненульових температурах перебуває в парамагнетній фазі, включення магнетного поля індукує ненульову намагнеченість при ненульових температурах (див. рис. 3). Причому, як і у попередньому випадку, за низьких температур поведінка термодинамічних характеристик є притаманною феромагнетній фазі, а при високих — "парамагнетній". На рис. 3 (а) наведено також результати моделювання Монте-Карло [8] для намагнечености. З нього видно, що за високих температур при будь-яких значеннях поздовжнього магнетного поля та при великих значеннях h навіть за достатньо низьких температур результати кластерного наближення добре кількісно узгоджуються з результатами моделювання Монте-Карло [8]. Слід зауважити, що при значеннях магнетної анізотропії, коли модель близька до ізотропної моделі Гайзенберґа, при малих полях кластерне наближення передбачає нефізичні результати на низькотемпературній ділянці. Наприклад, див. рис. 3, у випадку ізотропної моделі Гайзенберґа на квадратній ґратці при $h \to 0$ енторпія не прямує до нуля при $T \to 0$; при h/K = 0.05 теплоємність за низьких температур не є зростаючою функцією температури.



Рис. 3. Температурні $(t = 4 \frac{k_B T}{K\Delta})$ залежності намагнечености $m = 2\langle S^z \rangle$, оберненої статичної сприйнятливости χ^{-1} , ентропії S та теплоємности C для $\alpha = 1.0$, $\Delta = 4$ при різних значеннях магнетного поля $h/K \to 0$, h/K = 0.05, 0.2, 0.6, 1.0. Результати НДК (лінії) та методу моделювання Монте-Карло [8] (кружечки, трикутники, і т. д.).

III. ВИСНОВКИ

Досліджено вплив поздовжнього магнетного поля на термодинамічні характеристики XXZ-моделі з анізотропією типу легка вісь. Установлено, що наближення двочастинкового кластера якісно правильно описує температурні та польові залежності основних термодинамічних функцій моделі для одновимірного ланцюжка, двовимірних сотовидної та квадратної ґраток і тривимірних ґраток. Винятком є лише вузька низькотемпературна ділянка при значеннях магнетної анізотропії, коли модель близька до ізотропної моделі Гайзенберґа. Чим більшим є поздовжнє магнетне поле, тим вужча є ця низькотемпературна ділянка, на якій кластерне наближення передбачає нефізичні результати через некоректне врахування ним квантових флюктуацій.

- Р. Р. Левицький, С. І. Сороков, О. Р. Баран, І. М. Пиндзин, Журн. фіз. досл. 2, 391 (1998).
- [2] Р. Р. Левицький, С. І. Сороков, О. Р. Баран, І. М. Пиндзин, препринт ICMP-97-21U (1997).
- [3] В. Г. Вакс, Н. Е. Зейн, Журн. эксп. теор. физ. 67, 1082 (1974).
- [4] J. A. Plascak, Phys. Status Solidi (b) **124**, K35 (1984).
- [5] A. M. Mariz, R. M. Zorzenon Dos Santos, C. Tsallis,

R. R. Dos Santos, Phys. Lett. A 108, 95 (1985).

- [6] A. M. Mariz, C. Tsallis, A. O. Caride, J. Phys. C 18, 4189 (1985).
- [7] N. D. Mermin, H. Wagner, Phys. Rev. Lett. 17, 1133 (1966).
- [8] P. Henelius, A. W. Sandvik, C. Timm, S. M. Girvin, preprint cond-mat/9903148 (1999).

LONGITUDINAL MAGNETIC FIELD EFFECT ON THERMODYNAMIC PROPERTIES OF THE XXZ-MODEL WITH EASY-AXIS TYPE MAGNETIC ANISOTROPY. THE TWO-PARTICLE CLUSTER APPROXIMATION

R. R. Levitskii, O. R. Baran Institute for Condensed Matter Physics 1 Svientsitskii St., Lviv, UA-79011, Ukraine e-mail: ost@icmp.lviv.ua

Within cluster approximation the longitudinal magnetic field effect on thermodynamic characteristics of the ferromagnetic XXZ-model with the easy-axis type anisotropy was studied. Applicability region of the two-particle cluster approximation was established for different lattice types.