

## ДИНАМІЧНИЙ СКЕЙЛІНГ ТА ШИРИНА ЦЕНТРАЛЬНОЇ КОМПОНЕНТИ СПЕКТРА КРИТИЧНОЇ ОПАЛЕСЦЕНЦІЇ В РІДИНАХ З ОБМЕЖЕНОЮ ГЕОМЕТРІЄЮ

К. О. Чалий<sup>1</sup>, Л. А. Булавін<sup>1</sup>, О. В. Чалий<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Київський національний університет імені Тараса Шевченка,  
просп. академіка Глушкова, 6, Київ, 03022, Україна

<sup>2</sup>Національний медичний університет імені О. О. Богомольця,  
бульвар Т. Шевченка, 13, Київ, 01601, Україна

(Отримано 6 квітня 2004 р.; в остаточному вигляді — 3 листопада 2004 р.)

Сформульовано модифіковану гіпотезу динамічного скейлінгу, яка описує нерівноважні фізичні властивості (зокрема особливості спектра критичної опалесценції світла) для просторово обмежених однокомпонентних рідин поблизу критичної точки. У межах запропонованого підходу отримано залежність ширини  $\Gamma_c$  центральної компоненти лінії Релея для рідини в малому об'ємі циліндричної геометрії. Показано, що зі зменшенням характерного розміру системи (при обраній геометрії — радіуса циліндра) ширина  $\Gamma_c$  центральної компоненти збільшується.

**Ключові слова:** динамічний скейлінг, рідина, обмежена геометрія, критична опалесценція, ширина центральної компоненти лінії Релея.

PACS number(s): 64.60.Ht, 68.35.Rh, 68.90.+g

Досягнуті останніми роками успіхи фізики фазових переходів і критичних явищ зв'язані значною мірою із застосуванням гіпотези скейлінгу (масштабної інваріантності). Суть цієї гіпотези полягає, як відомо, у встановленні законів перетворення аномально флюктууючих фізичних величин при переході до нового масштабу розмірності довжини — радіуса кореляції флюктуацій параметра порядку (див., наприклад [1]).

Метою нашої статті є формулювання модифікованої гіпотези динамічного скейлінгу, яка описує нерівноважні фізичні властивості (зокрема особливості динамічного структурного фактора і пов'язаного з ним спектра критичної опалесценції світла) для просторово обмежених рідин.

### 1. ГІПОТЕЗА СТАТИЧНОГО СКЕЙЛІНГУ

Для класичних однокомпонентних рідин, які для визначеності розглядатимуться надалі, гіпотеза статичного скейлінгу має такий вигляд [1–3]:

$$\Phi_s = \varepsilon^{2-\alpha} f_\Phi(\Delta\rho/\varepsilon^\beta). \quad (1)$$

Тут  $\Phi_s$  — флюктуаційна (сингулярна) частина вільної енергії Гельмгольца;  $\varepsilon = (T - T_c)/T_c$  — безрозмірне відхилення температури від критичного значення  $T_c$ ;  $\Delta\rho$  — безрозмірне відхилення густини  $\rho$  від критичного значення  $\rho_c$ , яке є параметром порядку для цієї рідкої системи;  $\alpha$  і  $\beta$  — критичні індекси, які для просторової розмірності  $d = 3$  дорівнюють відповідно  $\alpha \approx 0.1$  і  $\beta \approx 1/3$ . Масштабна функція  $f_\Phi(u)$  характеризується такими асимптотиками:  $f_\Phi(u \rightarrow 0) = \text{const}$  і  $f_\Phi(u \rightarrow \infty) \sim u^{(2-\alpha)/\beta}$ , відповідно поблизу критичної ізохори ( $\Delta\rho \ll \varepsilon^\beta$ ) і поблизу критичної ізотерми

( $\Delta\rho \gg \varepsilon^\beta$ ).

Слід зазначити, що скейлінгова гіпотеза (1) може бути застосована поблизу критичної точки лише для досить великих об'ємів рідини, у яких ефекти просторової обмеженості не відіграють будь-якої істотної ролі, тобто за умови, що всі лінійні розміри  $L_i$  досліджуваної системи значно перевищують максимальне значення радіуса кореляції  $\xi_{\text{max}}$ , яке можна досягнути в цих експериментальних умовах.

Для просторово обмежених рідин поблизу критичної точки, коли ( $L_i \leq \xi_{\text{max}}$ ), скейлінгова гіпотеза повинна включати не тільки температурну змінну  $\varepsilon$ , параметр порядку  $\Delta\rho$  (або поле  $h$ , зв'язане з параметром порядку), але й характерний лінійний розмір  $L$  у напрямі(ях) просторової обмеженості. Саме таку скейлінгову гіпотезу, яка була вперше сформульована в праці [4], а також пізніше в низці інших праць [5,6], можна записати в такому вигляді:

$$\Phi_s = L^{-d} F_\Phi(\varepsilon L^{1/\nu}, \Delta\rho L^{\nu/\beta}), \quad (2)$$

де  $\nu$  — критичний індекс температурної залежності радіуса кореляції, який у тривимірних рідких системах приймає значення  $\nu \approx 0.625$ , а скейлінгова функція вільної енергії Гельмгольца  $F_\Phi(y, z)$  має такі асимптотики при  $y, z \rightarrow 0$  і  $y, z \rightarrow \infty$ :

$$\begin{aligned} F_\Phi(y \rightarrow 0) &= \text{const}, F_\Phi(y \rightarrow \infty) \sim y^{2-\alpha} \\ F_\Phi(z \rightarrow 0) &= \text{const}, F_\Phi(z \rightarrow \infty) \sim z^{(2-d)/\beta}. \end{aligned} \quad (3)$$

Справді, радіус кореляції  $\xi$  флюктуацій параметра порядку (для класичної однокомпонентної рідини — флюктуацій густини) характеризується темпе-

ратурною й густинною залежністю такого вигляду:  $\xi = \xi_0 \varepsilon^{-\nu}$  на критичній ізохорі  $\xi = \xi_0 \Delta \rho^{-\nu/\beta}$  на критичній ізотермі, де  $\xi_0$  — амплітуда радіуса кореляції. Тому в скейлінговій гіпотезі (2) перший масштабний аргумент  $y = \varepsilon L^{1/\nu} = (L/\xi)^{1/\nu}$  і умова  $y \rightarrow 0$  відповідає нерівності  $L \ll \xi$ , яка реалізується в просторово обмеженій системі, тоді як умова  $y \rightarrow \infty$  відповідає протилежній нерівності  $L \gg \xi$ , тобто випадку просторово необмеженої системи. Аналогічно другий масштабний аргумент  $z = \Delta \rho L^{\nu/\beta} = (L/\xi)^{1/\nu}$ , тому умова  $z \rightarrow 0$  еквівалентна випадку просторово обмеженої системи, а  $z \rightarrow \infty$  — необмеженої системи. З фізичних міркувань очевидно, що в необмеженій рідині фізичні властивості повинні залежати від близькості системи до критичної точки, тобто від температурної  $\varepsilon$  і густинної  $\Delta \rho$  змінних або від радіуса кореляції  $\xi(\varepsilon, \Delta \rho)$  (див. другу й четверту асимптотики у формулі (3)).

Одним із важливих фізичних наслідків скейлінгової гіпотези (2) є зникнення сингулярностей, характерних для об'ємної фази. Більш згладжена поведінка фізичних властивостей речовини в критичній ділянці пояснюється очевидною причиною, а саме: радіус кореляції флюктуацій параметра порядку  $\varepsilon = LF_\xi(y, z)$  не може перевищити лінійні розміри досліджуваного об'єму в напрямі(ях) просторової обмеженості. Тому в обмеженій на всіх напрямках рідині повинна з'являтися залежність від лінійного розміру системи  $L$ , а також зникати сингулярна залежність фізичних властивостей від радіуса кореляції  $\xi(\varepsilon, \Delta \rho)$  (див. першу і третю асимптотики у формулі (3)).

## II. ГІПОТЕЗА ДИНАМІЧНОГО СКЕЙЛІНГУ ДЛЯ НЕОБМЕЖЕНИХ РІДИН

У динамічній масштабній теорії критичних явищ у рідинах основну увагу надається, як правило, центральній компоненті спектра критичної опалесценції світла (див., наприклад [7–10]). Ширина центральної компоненти  $\Gamma_c$  характеризує, як відомо, тривалість життя (тривалість релаксації)  $\tau_c$  критичних флюктуацій параметра порядку відповідно до співвідношення  $\Gamma_c = 1/\tau_c$ . Головна специфіка динамічної поведінки критичних флюктуацій пов'язана саме зі збільшенням тривалості життя  $\tau_c$  в просторово необмежених системах. Для таких систем відповідно до гіпотези динамічного скейлінгу ширина  $\Gamma_c$  центральної (релевської) компоненти спектра критичної опалесценції світла в рідинах описується такою формулою:

$$\Gamma_c = q^{z^*} f_\Gamma(q\xi), \quad (4)$$

де  $q = 2\pi^{1/2}(1 - \cos \theta)^{1/2}/\lambda$  — зміна хвильового вектора під розсіяння на кут  $\theta$  для світлового променя з довжиною хвилі  $\lambda$ ,  $z^*$  — динамічний критичний індекс, який у загальному випадку не зводиться до критичних індексів гіпотези статичного скейлінгу, а  $f_\Gamma(x)$  — масштабна функція, вид якої змінюється залежно від ступеня близькості до критичної точки.

Динамічний критичний індекс  $z^*$  у рідинах, як показують теоретичні й експериментальні дані (див., наприклад [9]), плавно змінюється від значення  $z^* = 2$  оддалік критичної точки до значення  $z_{\text{теор}}^* = 3.065$  і  $z_{\text{експ}}^* = 3.063 \pm 0.024$  в близькому околі критичної точки.

## III. ГІПОТЕЗА ДИНАМІЧНОГО СКЕЙЛІНГУ В ПРОСТОРОВО ОБМЕЖЕНИХ РІДИНАХ

Існує низка досліджень [11–14], у яких гіпотеза динамічного скейлінгу була сформульована для нерівноважної намагнетченості в просторово обмежених магнетиках. Дотепер нам не відомі роботи, присвячені формулюванню гіпотези динамічного скейлінгу для рідин з обмеженою геометрією в термінах ширини  $\Gamma_c$  центральної лінії Релея або, що те ж саме, — тривалості життя  $\tau_c$  критичних флюктуацій.

Узагальнення гіпотези динамічного скейлінгу (4) для просторово обмежених однокомпонентних рідин природно записати:

$$\Gamma_c = L^{-z^*} F_\Gamma(qL, \varepsilon L^{1/\nu}, \Delta \rho L^{\nu/\beta}), \quad (5)$$

$$\tau_c = L^{z^*} F_\tau(qL, \varepsilon L^{1/\nu}, \Delta \rho L^{\nu/\beta}), \quad (6)$$

де масштабні функції, відповідно, ширини  $F_\Gamma(x, y, z)$  центральної лінії Релея і тривалості життя  $F_\tau(x, y, z)$  флюктуацій параметра порядку в критичній ділянці зв'язані між собою таким очевидним співвідношенням:  $F_\Gamma(x, y, z) = 1/F_\tau(x, y, z)$ . Тому надалі достатньо аналізувати критичну поведінку однієї з цих величин (наприклад, ширини  $\Gamma_c$ ).

Для просторово необмеженої системи, коли лінійний розмір  $L$  набагато перевищує радіус кореляції  $\xi$ , з формули (5) випливає

$$\Gamma_c = \xi^{-z^*} F_\Gamma(q\xi, \varepsilon \xi^{1/\nu}, \Delta \rho \xi^{\nu/\beta}). \quad (7)$$

Міркування, що приводять до формули (7), подібні наведеним раніше для пояснення асимптотик (3), а саме: якщо довільна фізична властивість  $A$  характеризується поблизу критичної точки скейлінговою формулою вигляду  $A = \varepsilon^{-n} F_A(L/\xi)$ , то ця властивість повинна мати такі асимптотики:

1.  $A \sim \xi^{n/\nu}$  при  $L \gg \xi$ , тобто в просторово необмеженій системі;
2.  $A \sim L^{n/\nu}$  при  $L \ll \xi$ , тобто в просторово обмеженій системі.

Легко бачити, що формули (4) і (7) є тотожними. Справді, в (7) два останні аргументи описують залежність ширини центральної лінії спектра критичної опалесценції від температури  $\varepsilon$  і параметра порядку  $\Delta \rho$ , тоді як у (4) ці залежності просто не були виписані в явному вигляді. Залежність  $\Gamma_c$  від радіуса кореляції  $\xi$  і переданого хвильового вектора  $q$ , що задаються формулами (4) і (7), повністю збігаються

— з урахуванням співвідношень  $x^{-z^*} F_{\Gamma}(x) = f_{\Gamma}(x)$  і  $\xi = x/q$ .

Інші форми запису динамічної скейлінгової гіпотези для рідких систем з обмеженою геометрією, разом з формулою (5), мають такий вигляд:

$$\Gamma_c = \varepsilon^{\nu z^*} F_{\Gamma}^{(1)}(qL, \varepsilon L^{1/\nu}, \Delta\rho L^{\nu/\beta}); \quad (8)$$

$$\Gamma_c = \Delta\rho^{\nu z^*/\beta} F_{\Gamma}^{(2)}(qL, \varepsilon L^{1/\nu}, \Delta\rho L^{\nu/\beta}). \quad (9)$$

Тут масштабні функції, що входять в (5) і (8)–(9), зв'язані між собою співвідношеннями  $F_{\Gamma}^{(1)}(x, y, z) = y^{-\nu z^*} F_{\Gamma}(x, y, z)$  і  $F_{\Gamma}^{(2)}(x, y, z) = z^{-\nu z^*/\beta} F_{\Gamma}(x, y, z)$ , оскільки  $L = (y/\varepsilon)^{\nu} = (z/\Delta\rho)^{1/\beta}$ .

#### IV. СПЕКТРИ КРИТИЧНОЇ ОПАЛЕСЦЕНЦІЇ В ПРОСТОРОВО ОБМЕЖЕНИХ РІДИНАХ

Гіпотеза динамічного скейлінгу передбачає існування певних особливостей фізичних властивостей системи, які можна спостерігати в експериментах з дослідження спектрів критичної опалесценції в просторово обмежених рідинах.

Розгляньмо спочатку рідини у великих об'ємах, тобто при великих значеннях характерного розміру системи  $L \gg \xi$ . Ширина центральної компоненти  $\Gamma_c$  лінії Релея для однокомпонентної рідини описується в гідродинамічному наближенні відомою формулою [2,3,9,10,15]:

$$\Gamma_c = \lambda q^2 / \rho C_p = \chi q^2, \quad (10)$$

де  $\lambda$  — коефіцієнт теплопровідності,  $\rho$  — густина,  $C_p$  — теплоємність при постійному тиску,  $\chi$  — коефіцієнт температуропровідності,  $q$  — переданий хвильовий вектор під час розсіяння.

У тому околі критичної точки, де регулярна частина коефіцієнта теплопровідності  $\lambda_0$  перевищує його сингулярну частину  $\lambda_s$ , формула (10) передбачає швидке зменшення ширини центральної компоненти  $\Gamma_c$  лінії Релея під час наближення до критичної точки, відповідно до виразу

$$\Gamma_c = \Gamma_{c0} \varepsilon^{\gamma} (1 + q^2 \xi^2) / f_c(\Delta\rho/\varepsilon^{\beta}). \quad (11)$$

У формулі (11)  $\Gamma_{c0} = \lambda_0 / \rho C_{p0}$  — амплітудне значення ширини центральної компоненти лінії Релея далеко від критичної точки при  $\varepsilon \approx 1$  і  $\Delta\rho \approx 1$ . Також тут урахована “сильна особливість” теплоємності  $C_p/C_{p0} = \varepsilon^{-\gamma} f_c(\Delta\rho/\varepsilon^{\beta})$  в критичній ділянці ( $C_{p0}$  — амплітуда теплоємності при постійному тиску). Масштабна функція теплоємності  $f_c(u)$  має такі асимптотики:  $f_c(u \rightarrow 0) = 1$  і  $f_c(u \rightarrow \infty) = u^{\gamma/\beta}$ , що дає  $C_p = C_{p0} \varepsilon^{-\gamma}$  на критичній ізохорі,  $C_p = C_{p0} \Delta\rho^{-\gamma/\beta}$  на критичній ізотермі. Крім того, в (11) враховується просторова дисперсія величини  $C_p(q)$  в наближенні Орнштайна–Церніке, коли добуток  $q\xi \leq 1$ , де

$\xi$  — радіус кореляції флюктуацій параметра порядку (для класичної однокомпонентної рідини — флюктуацій густини). Радіус кореляції характеризується температурною й густинною залежністю такого вигляду:  $\xi = \xi_0 \varepsilon^{-\nu}$  на критичній ізохорі  $\xi = \xi_0 \Delta\rho^{-\nu/\beta}$  на критичній ізотермі, де  $\xi_0$  — амплітуда радіуса кореляції.

Використання формули (10) в ближчому околі критичної точки, де сингулярна частина коефіцієнта теплопровідності  $\lambda_s$  перевищує його регулярну частину  $\lambda_0$ , дає таку скейлінгову формулу:

$$\Gamma_c = \Gamma_{c0} \varepsilon^{\gamma-\nu} f_{\Gamma}(x, u), \quad (12)$$

де  $f_{\Gamma}(x, u)$  — масштабна функція, що має такі асимптотики  $f_{\Gamma}^{(2)}(x, u \rightarrow 0) = \varphi(x)$ ,  $f_{\Gamma}^{(2)}(x, u \rightarrow \infty) \sim x^{(\gamma-\nu)/\beta} \varphi(x)$ . При отриманні формули (12) взято до уваги той факт, що в гіпотезі динамічного скейлінгу для просторово необмежених систем [1,2,7–10] особливість сингулярної частини теплопровідності  $\lambda_s$  повністю визначається особливостями радіуса кореляції, тобто  $\lambda_s \sim \xi$ .

З очевидних фізичних міркувань зрозуміло, що подальше врахування ефектів просторової дисперсії повинно забезпечити скінченне значення ширини центральної компоненти  $\Gamma_c$  лінії Релея в самій критичній точці. Цю умову вдалося задовольнити завдяки врахуванню зв'язку між параметром порядку та в'язкою модою в теорії Кавасаки [16], де була отримана така формула для ширини  $\Gamma_c$ :

$$\Gamma_c = kTK_o(q\xi)/6\pi\eta\xi^3. \quad (13)$$

У формулі (13) функція  $K_o(x) = (3/4)[1 + x^2 + (x^3 - x^{-1}) \arctg x]$ , а  $\eta$  — зсувна в'язкість. Легко бачити, що при  $x \ll 1$  функція  $K_o(x \rightarrow 0) = x^2$ , що дає з урахуванням формули Стокса–Айнштайна для коефіцієнта дифузії  $D = kT/6\pi\eta\xi$  відомий результат гідродинамічної теорії  $\Gamma_c = Dq^2$ , який є аналогічним формулі (10). У флюктуаційній ділянці  $x \gg 1$  функція  $K_o(x \rightarrow \infty) = 3\pi x^3/8$ , внаслідок чого отримуємо  $\Gamma_c = kTq^3/16\eta$ , тобто результат, який не залежить від близькості термодинамічних параметрів рідини до їх критичних значень.

Для рідин у малих об'ємах з лінійними розмірами порядку радіуса кореляції  $L \sim \xi$ , які є обмеженими в усіх напрямках (куб, сфера), маємо такі вирази для залежності ширини  $\Gamma_c$  центральної компоненти лінії Релея від  $L$ :

а) за умови, що  $\lambda_0 \gg \lambda_s$ , аналогом формули (11) в цьому випадку є

$$\Gamma_c = \Gamma_{c0} L^{-\gamma/\nu} (1 + q^2 L^2) / f_c(\Delta\rho L^{\beta/\nu}); \quad (14)$$

б) в протилежному випадку, коли  $\lambda_0 \ll \lambda_s$ , тобто в близькому околі критичної точки просторово обмеженої рідини, замість формули (12), отримуємо

$$\Gamma_c = \Gamma_{c0} L^{1-\gamma/\nu} f_\Gamma(qL, \Delta\rho L^{\beta/\nu}). \quad (15)$$

На закінчення одержимо формули для ширини  $\Gamma_c$  для просторово обмеженої рідини, яка є в об'ємі циліндричній геометрії. Для цього випадку в роботі [17] був отриманий такий вираз для радіуса кореляції:

$$\xi = \xi_0 [\varepsilon + (2\mu_1/K)^{1/\nu} (1 + \varepsilon)]^{-\nu}, \quad (16)$$

де  $\mu_1 \approx 2.4048$  — перший нуль циліндричної функції Бесселя  $J_0$ , а  $K = d/\xi_0$  — геометричний фактор, який характеризує кількість мономолекулярних шарів уздовж діаметра циліндра  $d$ .

У наближенні слабкої просторової дисперсії використання формули (16) приводить до такої залежності ширини  $\Gamma_c$  центральної компоненти лінії Релея для однокомпонентної рідини в малому об'ємі циліндричної геометрії:

$$\Gamma_c = \Gamma_{c0} [\varepsilon + (2\mu_1/K)^{1/\nu} (1 + \varepsilon)]^\gamma \times f_\Gamma^{(1)}(\Delta\rho/\varepsilon^\beta)(1 + q^2\xi_0^2), \quad (17)$$

де  $\Gamma_{c0} = C_{p0}\xi_0^{\gamma/\nu}/\rho$  — амплітуда ширини центральної компоненти далеко від критичної точки, де  $\varepsilon \approx 1$  та  $\Delta\rho \approx 1$ .

У довільному околі критичної точки просторово обмеженої рідини з геометрією циліндра на підставі формул (14) і (16) маємо такий вираз для ширини центральної компоненти лінії Релея:

$$\Gamma_c = \Gamma_{c0} [\varepsilon + (2\mu_1/K)^{1/\nu} (1 + \varepsilon)]^{3\nu} K_0(x), \quad (18)$$

де амплітуда  $\Gamma_{c0} = kT/6\pi\eta\xi_0^3$ , а функція Кавасакі  $K_0(x)$  залежить від аргументу  $x = q\xi_0[\varepsilon + (2\mu_1/K)^{1/\nu}]^{-\nu} (1 + \varepsilon)$ .

З формул (17) і (18) випливають висновки, які можна експериментально підтвердити досліджуючи спектри критичної опалесценції, а саме:

1. Ширина центральної компоненти лінії Релея має сильну залежність від характерного розміру системи. На рис. 1 спостерігаємо відчутне збільшення ширини  $\Gamma_c$  в просторово обмеженій системі при зменшенні діаметра циліндра  $d$ ;
2. У рідинах, що є у великих об'ємах циліндричної геометрії ( $d \gg \xi$ ), ширина центральної компоненти лінії Релея має монотонну залежність від температурної змінної  $\varepsilon = (T - T_c)/T_c$ , яка плавно спадає до постійного значення  $\Gamma_c = kTq^3/16\eta$  при досягненні критичної температури  $T = T_c$  (див. рис. 2);
3. На відміну від попереднього випадку, для рідин у малих циліндричних об'ємах ( $d < \xi$ ) мінімальне значення ширини  $\Gamma_c$  досягається не при критичній температурі  $T_c$  об'ємної фази, а при новій

критичній температурі  $T_c(K) < T_c$ , яка нижча за критичну температуру об'ємної фази і відповідає від'ємному значенню температурної змінної  $\varepsilon$  (див. рис. 3).

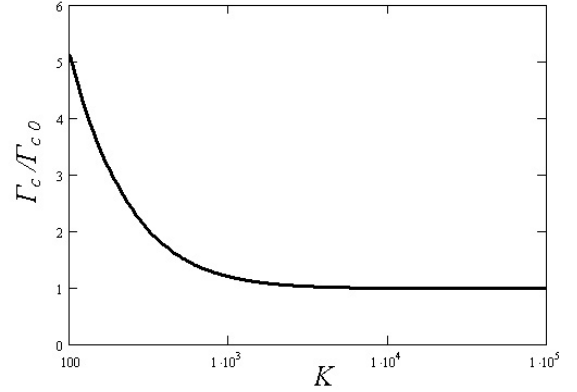


Рис. 1. Залежність ширини центральної компоненти лінії Релея (в безрозмірних одиницях відношення  $\Gamma_c/\Gamma_{c0}$ ) від діаметра циліндра  $d$  (геометричного фактора  $K = d/\xi_0$ ) в околі критичної точки при  $\varepsilon = 10^{-3}$ .

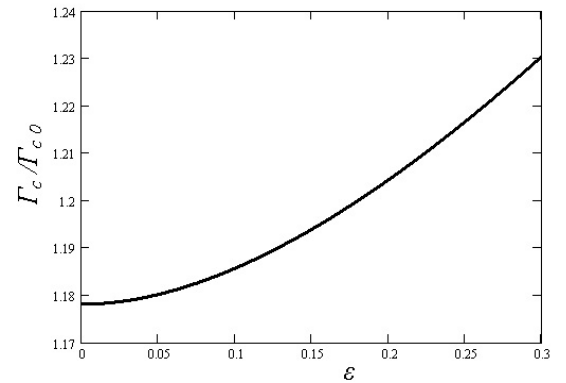


Рис. 2. Залежність ширини центральної компоненти лінії Релея (в безрозмірних одиницях відношення  $\Gamma_c/\Gamma_{c0}$ ) від температурної змінної  $\varepsilon$  для великого об'єму циліндричної геометрії ( $d \gg \xi_0$ ) з  $K = d/\xi_0 = 10^7$ .

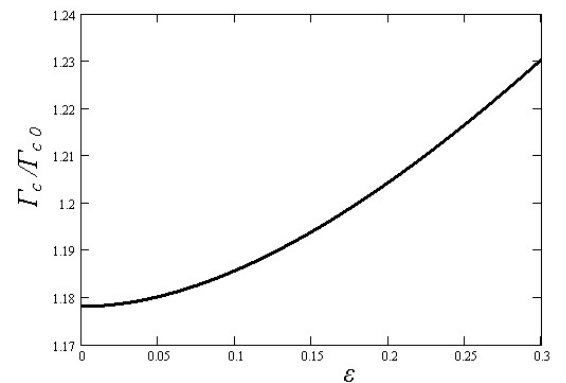


Рис. 3. Залежність ширини центральної компоненти лінії Релея (в безрозмірних одиницях відношення  $\Gamma_c/\Gamma_{c0}$ ) від температурної змінної  $\varepsilon$  для просторово обмеженої системи циліндричної геометрії з  $K = d/\xi_0 = 10^3$ .

Значення нової критичної температури  $T_c(K)$  визначаємо за формулою [18]

$$T_c(K) = \frac{T_c}{1 + (2\mu_1/K)^{1/\nu}}. \quad (19)$$

Слід зазначити, що, згідно з формулою (18), зсув критичної температури в рідині циліндричної геометрії  $T_c(K)$  стосовно до критичної температури  $T_c$  об'ємної рідини (і, відповідно, зсув положення мінімуму в температурній залежності ширини централь-

ної компоненти лінії Релея) може бути суттєвим. Наприклад, при  $T_c = 300^\circ\text{K}$ , геометричному факторі  $K = 10^3$  та значенні критичного індексу  $\nu = 0.67$  різниця критичної температури досягає значної величини  $\Delta T_c = T_c - T_c(K) \approx 0.1^\circ\text{K}$ , яку можна знайти експериментально. При цьому новій критичній температурі  $T_c(K)$ , при якій спостерігається мінімум температурної залежності ширини центральної компоненти лінії Релея в малому об'ємі рідини з геометрією циліндра, відповідає значення температурної змінної  $\varepsilon^* = (T_c - T_c(K))/T_c = -3.47 \cdot 10^{-4}$  (див. рис. 3).

- 
- [1] А. З. Паташинский, В. Л. Покровский, *Флуктуационная теория фазовых переходов* (Наука, Москва, 1982).  
 [2] М. А. Анисимов, *Критические явления в жидкостях и жидких кристаллах* (Наука, Москва, 1987).  
 [3] Л. А. Булавін, *Властивості рідин у критичній області* (Київський університет, Київ, 2002).  
 [4] М. Е. Fisher, *Critical Phenomena. Proceedings of the International School of Physics "Enrico Fermi"*, edited by M. S. Green, V. 51 (Academic, New York, 1971).  
 [5] *Finite Size Scaling and Numerical Simulation of Statistical Systems*, edited by V. Privman (World Scientific, Singapore, 1990).  
 [6] K. Binder, *Annu. Rev. Phys. Chem.* **43**, 33 (1992).  
 [7] P. C. Hohenberg, B. I. Halperin, *Rev. Mod. Phys.* **49**, 435 (1977).  
 [8] Ш. Ма, *Современная теория критических явлений* (Мир, Москва, 1973).  
 [9] Е. Л. Лакоза, А. В. Чалый, *Усп. физ. наук* **140**, 393 (1983).  
 [10] A. V. Chalyi, *Sov. Sci. Rev. A. Phys.* **16**, 1 (1992).  
 [11] H. K. Janssen, B. Schoub, B. Schmittmann, *Z. Phys. B* **73**, 539 (1989).  
 [12] Z. B. Li, L. Schulke, D. Zheng, *Phys. Rev. E* **53**, 2940 (1996).  
 [13] B. Zheng, *Physica A* **283**, 80 (2000).  
 [14] B. E. Ozoguz, Y. Gunduc, M. Aydin, *Int. J. Mod. Phys. C* **11**, 553 (2000).  
 [15] И. Л. Фабелинский, *Молекулярное рассеяние света* (Наука, Москва, 1965).  
 [16] K. Kawasaki, *Ann. Phys. (N.Y.)* **61**, 1 (1970).  
 [17] О. В. Чалий, Я. В. Цехмістер, К. О. Чалий, *Процеси впорядкування та самоорганізації у флуктуаційних моделях відкритих систем* (Віпол, Київ, 2001).  
 [18] A. V. Chalyi, K. A. Chalyi, L. M. Chernenko, A. N. Vasil'ev, *Condens. Matter Phys.* **3**, 335 (2000).

#### DYNAMIC SCALING AND CENTRAL COMPONENT WIDTH OF CRITICAL OPALESCENCE SPECTRUM IN LIQUIDS WITH RESTRICTED GEOMETRY

K. A. Chalyi<sup>1</sup>, L. A. Bulavin<sup>1</sup>, A. V. Chalyi<sup>2</sup>

<sup>1</sup>*Taras Shevchenko National University of Kyiv  
6 Glushkov prosp., Kyiv, UA-03022, Ukraine*

<sup>2</sup>*Department of Medical and Biological Physics, O. O. Bogomolets National Medical University,  
13 Shevchenko Blvd., Kyiv, UA-01601, Ukraine*

The modified dynamic scaling hypothesis is formulated, which describes the non-equilibrium physical properties (in particular, features of light critical opalescence spectrum) for the spatially limited one-component nearcritical liquids. The dependence of width  $\Gamma_c$  of the central component of Rayleigh line is obtained for liquids in a small volume of cylindrical geometry. It is shown that a reduction of the characteristic size of the system (for the chosen geometry — the radius of a cylinder) leads to an increase in width  $\Gamma_c$  of the central component.